

**2<sup>a</sup>  
SÉRIE**

# **CANAL SEDUC-PI2**



PROFESSOR (A):

**RAPHAELL  
MARQUES**



DISCIPLINA:

**MATEMÁTICA**



AULA Nº:

**10**



CONTEÚDO:

**QUESTÕES SOBRE  
MATRIZES**



TEMA GERADOR:



DATA:

**19/05/2020**

# QUESTÃO 01

NA AULA ANTERIOR

Solução

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

EDUCAÇÃO  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO FENÔMENOS



# QUESTÃO 01

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

NA AULA ANTERIOR

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

# Solução

EDUCAÇÃO  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO TECNOLÓGICA



NA AULA ANTERIOR

# QUESTÃO 01

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 21 & 22 \\ 31 & 32 \end{pmatrix}$$

PROJETO  
EDUCAÇÃO  
PROGRAMA DE MEDAÇÃO TECNOLÓGICA



# QUESTÃO 01

NA AULA ANTERIOR

Solução

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2) \cdot 1 + 5 \cdot (-2) & 12 \\ 21 & 22 \\ 31 & 32 \end{pmatrix}$$



NA AULA ANTERIOR

# QUESTÃO 01

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} \cancel{-2} & 5 \\ 1 & \cancel{2} \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & \cancel{3} \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2).1 + 5.(-2) & (-2).0 + 5.3 \\ 21 & 22 \\ 31 & 32 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 01

NA AULA ANTERIOR

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ \hline 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2).1 + 5.(-2) & (-2).0 + 5.3 \\ 1.1 + 2.(-2) & 22 \\ 31 & 32 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 01

NA AULA ANTERIOR

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ \hline 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2).1 + 5.(-2) & (-2).0 + 5.3 \\ 1.1 + 2.(-2) & 1.0 + 2.3 \\ \hline 31 & 32 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 01

NA AULA ANTERIOR

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2).1 + 5.(-2) & (-2).0 + 5.3 \\ 1.1 + 2.(-2) & 1.0 + 2.3 \\ 3.1 + (-3).(-2) & \end{pmatrix}$$

32



# QUESTÃO 01

NA AULA ANTERIOR

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2).1 + 5.(-2) & (-2).0 + 5.3 \\ 1.1 + 2.(-2) & 1.0 + 2.3 \\ 3.1 + (-3).(-2) & 3.0 + (-3).3 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 01

[NA AULA ANTERIOR](#)

Solução

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2).1 + 5.(-2) & (-2).0 + 5.3 \\ 1.1 + 2.(-2) & 1.0 + 2.3 \\ 3.1 + (-3).(-2) & 3.0 + (-3).3 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 01

NA AULA ANTERIOR

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

$$= \begin{pmatrix} -2-10 & 0+15 \\ 1-4 & 0+6 \\ 3+6 & 0-9 \end{pmatrix}$$

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

PROGRAMA DE MEDIÇÃO  
INTERAGITIVO



# QUESTÃO 01

NA AULA ANTERIOR

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} -2-10 & 0+15 \\ 1-4 & 0+6 \\ 3+6 & 0-9 \end{pmatrix} \quad = \begin{pmatrix} -12 & 15 \\ -3 & 6 \\ 9 & -9 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

a)  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$

b)  $A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$

c)  $A = (3 \quad 4), B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

a)  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & 2 \end{pmatrix}_3$ ,  $B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}_3 \cdot 2$

EDUCAÇÃO  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO FENÔMENAL



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}_{2 \times 3}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}_{3 \times 2} \quad \cdot \quad = \begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 21 & 22 \end{pmatrix}$$

Educação  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO INSTITUCIONAL



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

Educação  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO FENÔMÉTICA



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

a)  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$   $\times = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$

$\times = \begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 21 & 22 \end{pmatrix}$

Educação  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO FAMILIAR



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times \quad = \begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 21 & 22 \end{pmatrix}$$

Educação  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO FAMILIAR



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times \quad = \begin{pmatrix} 2 \cdot 3 + 1 \cdot 1 + 1 \cdot 2 \\ 21 \\ 22 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times \quad = \begin{pmatrix} 2 \cdot 3 + 1 \cdot 1 + 1 \cdot 2 & 2 \cdot 1 + 1 \cdot 2 + 1 \cdot 1 \\ 21 & 22 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times \quad = \begin{pmatrix} 2 \cdot 3 + 1 \cdot 1 + 1 \cdot 2 & 2 \cdot 1 + 1 \cdot 2 + 1 \cdot 1 \\ 1 \cdot 3 + 2 \cdot 1 + 3 \cdot 2 & 22 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times \quad = \begin{pmatrix} 2 \cdot 3 + 1 \cdot 1 + 1 \cdot 2 & 2 \cdot 1 + 1 \cdot 2 + 1 \cdot 1 \\ 1 \cdot 3 + 2 \cdot 1 + 3 \cdot 2 & 1 \cdot 1 + 2 \cdot 2 + 3 \cdot 1 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times \quad = \begin{pmatrix} 6+1+2 & 2+2+1 \\ 3+2+6 & 1+4+3 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times \quad = \begin{pmatrix} 6+1+2 & 2+2+1 \\ 3+2+6 & 1+4+3 \end{pmatrix}$$

$$\times \quad = \begin{pmatrix} 9 & 5 \\ 11 & 8 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times \quad = \begin{pmatrix} 6+1+2 & 2+2+1 \\ 3+2+6 & 1+4+3 \end{pmatrix}$$

$$\times \quad = \begin{pmatrix} 9 & 5 \\ 11 & 8 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

**NA AULA ANTERIOR**

b)  $A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$

Canal  
educação  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO FENÔMENAL



# QUESTÃO 1

**NA AULA ANTERIOR**

$$\text{b) } A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \quad \cdot \quad = \begin{pmatrix} 11 \\ 21 \end{pmatrix}$$

$$\cdot \quad = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

Canal  
educação  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO FUNDAMENTAL



# QUESTÃO 1

**NA AULA ANTERIOR**

$$\text{b) } A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \quad \cdot \quad = \begin{pmatrix} 11 \\ 21 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \quad \cdot = \begin{pmatrix} (-1).2 + 3.3 \\ 0.2 + 2.3 \end{pmatrix}$$

PROGRAMA DE MEDIÇÃO FÍSICO-CHEMICA



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

$$\text{b) } A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \quad \cdot \quad = \begin{pmatrix} 11 \\ 21 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \quad \cdot = \begin{pmatrix} (-1).2 + 3.3 \\ 0.2 + 2.3 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -2 + 9 \\ 0 + 6 \end{pmatrix}$$

PROGRAMA DE MEDIÇÃO FAMÍLIA



# QUESTÃO 1

**NA AULA ANTERIOR**

$$\text{b) } A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \quad \cdot \quad = \begin{pmatrix} 11 \\ 21 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \quad \cdot = \begin{pmatrix} (-1).2 + 3.3 \\ 0.2 + 2.3 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -2 + 9 \\ 0 + 6 \end{pmatrix} \quad \cdot = \begin{pmatrix} 7 \\ 6 \end{pmatrix}$$



## NA AULA ANTERIOR

c)  $A = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$   $\cdot = \begin{pmatrix} & \\ 11 & 12 \end{pmatrix}$

$\cdot = (3 \quad 4) \times \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$   $\cdot = (3 \cdot 2 + 4 \cdot 3 \quad 3 \cdot 3 + 4 \cdot 2)$

Educação  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO TECNOLÓGICA



## NA AULA ANTERIOR

c)  $A = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$  •  $= \begin{pmatrix} & \\ 11 & 12 \end{pmatrix}$

•  $= (3 \quad 4) \times \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$

•  $= (3 \cdot 2 + 4 \cdot 3 \quad 3 \cdot 3 + 4 \cdot 2)$

•  $= (6 + 12 \quad 9 + 8)$



## NA AULA ANTERIOR

c)  $A = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$

$$\cdot = \begin{pmatrix} 11 & 12 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = (3 \quad 4) \times \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = (3 \cdot 2 + 4 \cdot 3 \quad 3 \cdot 3 + 4 \cdot 2)$$

$$\cdot = (6 + 12 \quad 9 + 8)$$

$$\cdot = (18 \quad 17)$$



## ROTEIRO DE AULA

# QUESTÕES SOBRE MATRIZES

EDUCAÇÃO  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO TECNOLÓGICA

# Representação Genérica

Para indicar uma matriz qualquer, de modo genérico, usamos a seguinte notação:  $A = [a_{ij}]_{m \times n}$  onde i representa a linha e j a coluna em que se encontra o elemento.

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \dots & a_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

# Adição de Matrizes

Sejam as matrizes  $A = [a_{ij}]_{m \times n}$  e  $B = [b_{ij}]_{m \times n}$ , tem-se que:

$$C = A + B \Leftrightarrow c_{ij} = a_{ij} + b_{ij}$$

**Somamos os elementos correspondentes das matrizes**, por isso, é necessário que as matrizes sejam de mesma ordem.



## Exemplo

Considere as matrizes  $A =$  e  $B =$ . Encontre a matriz dada por  $C = A + B$ .

$$C = \begin{matrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{matrix} + \begin{matrix} 0 & 1 \\ 2 & 3 \end{matrix} = \begin{matrix} 1 & 3 \\ 5 & 7 \end{matrix}$$

# SUBTRAÇÃO DE MATRIZES

A diferença entre duas matrizes A e B (de mesma ordem) é obtida por meio da soma da matriz A com a oposta de B. Ou seja:  $C = A - B = A + (-B)$ .



## EXEMPLO

Considere as matrizes  $A =$  e  $B =$ . Encontre a matriz dada por  $C = A - B$ .

$$C = A - B$$

$$C = A + (-B)$$

$$\rightarrow C = +$$

$$\rightarrow C =$$

$$\rightarrow C =$$

# QUESTÃO 01

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$ ,  $B =$  e  
 $C =$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

Canal  
educação  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO TECNÓLOGICA



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$ ,  $B =$  e  
 $C =$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

$$\boxed{=} \quad$$

Canal  
educação  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO TECNÓLOGICA



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$ ,  $B =$  e  
 $C =$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

$$\boxed{=} -$$

Canal  
educação  
PROGRAMA DE MEDAÇÃO TECNÓLOGICA



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$ ,  $B =$  e  
 $C =$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

$$\boxed{=} -$$

Canal de Educação

PROGRAMA DE MEDAÇÃO TECNÓLOGICA

$$\boxed{=}$$



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$ ,  $B =$  e  
 $C =$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \left( \begin{array}{ccc} & - & \end{array} \right) + \left( \begin{array}{ccc} & - & \end{array} \right)$$

$$\boxed{=} \quad$$

Canal  
educação  
PROGRAMA DE MEDIÇÃO TECNÓLOGICA



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$ ,  $B =$  e  
 $C =$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

$$\boxed{=} \quad \text{Canal Educação}$$

PROGRAMA DE MEDAÇÃO TECNÓLOGICA



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$ ,  $B =$  e  
 $C =$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

$$\boxed{=} \quad \text{Canal Educação}$$

PROGRAMA DE MEDAÇÃO TECNÓLOGICA

$$\boxed{=} \quad \text{Canal Educação}$$



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$ ,  $B =$  e  
 $C =$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

$$\begin{array}{c} = + = \\ \\ = \end{array}$$



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$ ,  $B =$  e  
 $C =$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

$$\boxed{=} \quad \text{=}$$

Educação  
PROGRAMA DE MEDAÇÃO TECNÓLOGICA



# QUESTÃO 02

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:

$A =$ ,  $B =$  e  $C =$

Determine a matriz  $D = A + B - C$ .



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

## Resolução

Dadas as matrizes:

$A =$ ,  $B =$  e  $C =$

Determine a matriz  $D = A + B - C$ .

Tem-se:

$$D = + -$$

$$D = ++$$



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Resolução

Dadas as matrizes:

$A =$ ,  $B =$  e  $C =$

Determine a matriz  $D = A + B - C$ .

Tem-se:

$$D = + -$$

$$D = ++$$

$$D =$$

$$D =$$



# QUESTÃO 03

## ATIVIDADE

(ENEM 2019) Um professor aplica, durante os cinco dias úteis de uma semana, testes com quatro questões de múltipla escolha a cinco alunos. Os resultados foram representados na matriz.

3	2	0	1	2
3	2	4	1	2
2	2	2	3	2
3	2	4	1	0
0	2	0	4	4

Nessa matriz os elementos das linhas de 1 a 5 representam as quantidades de questões acertadas pelos alunos Ana, Bruno, Carlos, Denis e Érica, respectivamente, enquanto que as colunas de 1 a 5 indicam os dias da semana, de segunda-feira a sexta-feira, respectivamente, em que os testes foram aplicados.



**ATIVIDADE**

# QUESTÃO 03

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na

- A) segunda-feira.
- B) terça-feira.
- C) quarta-feira.
- D) quinta-feira.
- E) sexta-feira.



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

	S	T	Q	Q	S
ANA	3	2	0	1	2
BRUNO	3	2	4	1	2
CARLOS	2	2	2	3	2
DENIS	3	2	4	1	0
ÉRICA	0	2	0	4	4



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

	S	T	Q	Q	S
ANA	3	2	0	1	2
BRUNO	3	2	4	1	2
CARLOS	2	2	2	3	2
DENIS	3	2	4	1	0
ÉRICA	0	2	0	4	4

## PERGUNTA.

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na



# Representação Genérica

Para indicar uma matriz qualquer, de modo genérico, usamos a seguinte notação:  $A = [a_{ij}]_{m \times n}$  onde i representa a linha e j a coluna em que se encontra o elemento.

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \dots & a_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

	S	T	Q	Q	S
ANA	3	2	0	1	2
BRUNO	3	2	4	1	2
CARLOS	2	2	2	3	2
DENIS	3	2	4	1	0
ÉRICA	0	2	0	4	4

11      10      10      10      10

## PERGUNTA.

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

	S	T	Q	Q	S
ANA	3	2	0	1	2
BRUNO	3	2	4	1	2
CARLOS	2	2	2	3	2
DENIS	3	2	4	1	0
ÉRICA	0	2	0	4	4

## PERGUNTA.

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na

Letra A



## ATIVIDADE

### QUESTÃO 03

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na

- A) segunda-feira.
- B) terça-feira.
- C) quarta-feira.
- D) quinta-feira.
- E) sexta-feira.

Canal  
EDUCAÇÃO  
PROGRAMA DE MEDAÇÃO FUNDÍCIA



# QUESTÃO 04

## ATIVIDADE

(ENEM 2018) A Transferência Eletrônica Disponível (TED) é uma transação financeira de valores entre diferentes bancos. Um economista decide analisar os valores enviados por TEDs entre cinco bancos (1, 2, 3, 4 e 5) durante um mês. Para isso, ele dispõe esses valores em uma matriz  $A = [a_{ij}]$ , em que  $1 \leq i \leq 5$  e  $1 \leq j \leq 5$ , e o elemento  $a_{ij}$  corresponde ao total proveniente das operações feitas via TED, em milhão de real, transferidos do banco  $i$  para o banco  $j$  durante o mês. Observe que os elementos  $a_{ij} = 0$ , uma vez que TED é uma transferência entre bancos distintos. Esta é a matriz obtida para essa análise:



# QUESTÃO 04

## ATIVIDADE

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Com base nessas informações, o banco que transferiu a maior quantia via TED é o banco

- a) 1.
- b) 2.
- c) 3.
- d) 4.
- e) 5.



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Com base nessas informações, o banco que transferiu a maior quantia via TED é o banco

- a) 1.
- b) 2.
- c) 3.
- d) 4.
- e) 5.



# Representação Genérica

Para indicar uma matriz qualquer, de modo genérico, usamos a seguinte notação:  $A = [a_{ij}]_{m \times n}$  onde i representa a linha e j a coluna em que se encontra o elemento.

$$A = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \dots & a_{3n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Canal  
SEDUC-PI2  
PROGRAMA DE MEDAÇÃO FUNDÍCIA



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

→  $0+2+0+2+2=6$   
→  $0+0+2+1+0=3$   
→  $1+2+0+1+1=5$   
→  $0+2+2+0+0=4$   
→  $3+0+1+1+0=5$



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

→  $0+2+0+2+2=6$   
→  $0+0+2+1+0=3$   
→  $1+2+0+1+1=5$   
→  $0+2+2+0+0=4$   
→  $3+0+1+1+0=5$

# Letra A

