

**2<sup>a</sup>  
SÉRIE**

# **CANAL SEDUC-PI2**



PROFESSOR (A):

**RAPHAELL  
MARQUES**



DISCIPLINA:

**MATEMÁTICA**



AULA Nº:

**10**



CONTEÚDO:

**QUESTÕES SOBRE  
MATRIZES**



TEMA GERADOR:

**19/05/2020**



DATA:

NA AULA ANTERIOR

# QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.



NA AULA ANTERIOR

# QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$A.B = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$



NA AULA ANTERIOR

## QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 21 & 22 \\ 31 & 32 \end{pmatrix}$$



NA AULA ANTERIOR

# QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

$$A.B = \begin{pmatrix} (-2) \cdot 1 + 5 \cdot (-2) & 12 \\ 21 & 22 \\ 31 & 32 \end{pmatrix}$$

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$





NA AULA ANTERIOR

## QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2) \cdot 1 + 5 \cdot (-2) & (-2) \cdot 0 + 5 \cdot 3 \\ 21 & 22 \\ 31 & 32 \end{pmatrix}$$



NA AULA ANTERIOR

## QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2) \cdot 1 + 5 \cdot (-2) & (-2) \cdot 0 + 5 \cdot 3 \\ 1 \cdot 1 + 2 \cdot (-2) & 1 \cdot 0 + 2 \cdot 3 \\ 3 \cdot 1 + (-3) \cdot (-2) & 3 \cdot 0 + (-3) \cdot 3 \end{pmatrix}$$



NA AULA ANTERIOR

## QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2) \cdot 1 + 5 \cdot (-2) & (-2) \cdot 0 + 5 \cdot 3 \\ 1 \cdot 1 + 2 \cdot (-2) & 1 \cdot 0 + 2 \cdot 3 \end{pmatrix}$$

31                      32





NA AULA ANTERIOR

## QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2).1 + 5.(-2) & (-2).0 + 5.3 \\ 1.1 + 2.(-2) & 1.0 + 2.3 \\ 3.1 + (-3).(-2) & 3.0 + (-3).3 \end{pmatrix}$$

32



NA AULA ANTERIOR

# QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2) \cdot 1 + 5 \cdot (-2) & (-2) \cdot 0 + 5 \cdot 3 \\ 1 \cdot 1 + 2 \cdot (-2) & 1 \cdot 0 + 2 \cdot 3 \\ 3 \cdot 1 + (-3) \cdot (-2) & 3 \cdot 0 + (-3) \cdot 3 \end{pmatrix}$$



NA AULA ANTERIOR

# QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} (-2) \cdot 1 + 5 \cdot (-2) & (-2) \cdot 0 + 5 \cdot 3 \\ 1 \cdot 1 + 2 \cdot (-2) & 1 \cdot 0 + 2 \cdot 3 \\ 3 \cdot 1 + (-3) \cdot (-2) & 3 \cdot 0 + (-3) \cdot 3 \end{pmatrix}$$



NA AULA ANTERIOR

# QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

$$A.B = \begin{pmatrix} -2 - 10 & 0 + 15 \\ 1 - 4 & 0 + 6 \\ 3 + 6 & 0 - 9 \end{pmatrix}$$

A.B

$$= \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$



NA AULA ANTERIOR

# QUESTÃO 01

## Solução

Dada a matriz A e B

$$A = \begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 1 & 2 \\ 3 & -3 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2 & 3 \end{pmatrix}$$

Determine A.B.

$$A.B = \begin{pmatrix} -2 - 10 & 0 + 15 \\ 1 - 4 & 0 + 6 \\ 3 + 6 & 0 - 9 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} -12 & 15 \\ -3 & 6 \\ 9 & -9 \end{pmatrix}$$





# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

a)  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$

b)  $A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$

c)  $A = (3 \quad 4), B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}_2^3, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}_3^2$$



# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}_{2 \times 3}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}_{3 \times 2} \cdot = \begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 21 & 22 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

Educação  
PROGRAMA DE MEDIAÇÃO TECNOLÓGICA



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 21 & 22 \end{pmatrix}$$





# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 21 & 22 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 2.3 + 1.1 + 1.2 & 12 \\ 21 & 22 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 2.3 + 1.1 + 1.2 & 2.1 + 1.2 + 1.1 \\ 21 & 22 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 2.3 + 1.1 + 1.2 & 2.1 + 1.2 + 1.1 \\ 1.3 + 2.1 + 3.2 & \end{pmatrix}$$

22



# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ \underline{1} & \underline{2} & \underline{3} \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 2.3 + 1.1 + 1.2 & 2.1 + 1.2 + 1.1 \\ 1.3 + 2.1 + 3.2 & 1.1 + 2.2 + 3.1 \end{pmatrix}$$





# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \times = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 6 + 1 + 2 & 2 + 2 + 1 \\ 3 + 2 + 6 & 1 + 4 + 3 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 6 + 1 + 2 & 2 + 2 + 1 \\ 3 + 2 + 6 & 1 + 4 + 3 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 9 & 5 \\ 11 & 8 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

Obtenha, quando existir, o produto  $AB$ :

$$\text{a) } A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \times \quad = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 6 + 1 + 2 & 2 + 2 + 1 \\ 3 + 2 + 6 & 1 + 4 + 3 \end{pmatrix}$$

$$\times = \begin{pmatrix} 9 & 5 \\ 11 & 8 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

NA AULA ANTERIOR

$$\text{b) } A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

2 2                      2 1

Canal  
Educação  
PROGRAMA DE MEDIAÇÃO TECNOLÓGICA



# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

$$\text{b) } A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}_{2 \times 2}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}_{2 \times 1} \cdot = \begin{pmatrix} 11 \\ 21 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$





# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

$$\text{b) } A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$\begin{matrix} 2 & 2 \\ 2 & 1 \end{matrix}$

$$\cdot = \begin{pmatrix} 11 \\ 21 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} (-1) \cdot 2 + 3 \cdot 3 \\ 0 \cdot 2 + 2 \cdot 3 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

$$\text{b) } A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$2 \quad 2 \qquad \qquad 2 \quad 1$

$$\cdot = \begin{pmatrix} 11 \\ 21 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} (-1) \cdot 2 + 3 \cdot 3 \\ 0 \cdot 2 + 2 \cdot 3 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -2 + 9 \\ 0 + 6 \end{pmatrix}$$



# QUESTÃO 1

## NA AULA ANTERIOR

$$\text{b) } A = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}_{2 \times 2}, B = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}_{2 \times 1} \cdot = \begin{pmatrix} 11 \\ 21 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix} \cdot = \begin{pmatrix} (-1) \cdot 2 + 3 \cdot 3 \\ 0 \cdot 2 + 2 \cdot 3 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} -2 + 9 \\ 0 + 6 \end{pmatrix} \cdot = \begin{pmatrix} 7 \\ 6 \end{pmatrix}$$



NA AULA ANTERIOR

$$c) A = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} & 11 & 12 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = \begin{pmatrix} 3 & 4 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} \cdot = (3 \cdot 2 + 4 \cdot 3 \quad 3 \cdot 3 + 4 \cdot 2)$$



NA AULA ANTERIOR

$$c) \begin{matrix} A = (3 & 4) \\ 1 & 2 \end{matrix}, \begin{matrix} B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} \\ 2 & 2 \end{matrix} \cdot = \begin{pmatrix} & \\ 11 & 12 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = (3 \quad 4) \times \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = (3 \cdot 2 + 4 \cdot 3 \quad 3 \cdot 3 + 4 \cdot 2)$$

$$\cdot = (6 + 12 \quad 9 + 8)$$



NA AULA ANTERIOR

$$c) \begin{matrix} A = (3 & 4) \\ 1 & 2 \end{matrix}, \begin{matrix} B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix} \\ 2 & 2 \end{matrix} \cdot = \begin{pmatrix} & \\ 11 & 12 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = (3 \quad 4) \times \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\cdot = (3 \cdot 2 + 4 \cdot 3 \quad 3 \cdot 3 + 4 \cdot 2)$$

$$\cdot = (6 + 12 \quad 9 + 8)$$

$$\cdot = (18 \quad 17)$$





## ROTEIRO DE AULA

# QUESTÕES SOBRE MATRIZES

Canal  
Educação  
PROGRAMA DE MEDIAÇÃO TECNOLÓGICA

# Representação Genérica

Para indicar uma matriz qualquer, de modo genérico, usamos a seguinte notação:  $\mathbf{A} = [a_{ij}]_{m \times n}$  onde  $i$  representa a linha e  $j$  a coluna em que se encontra o elemento.

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \dots & a_{3n} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \dots & \cdot \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

# Adição de Matrizes

Sejam as matrizes  $A = [a_{ij}]_{m \times n}$  e  $B = [b_{ij}]_{m \times n}$ , tem-se que:

$$C = A + B \Leftrightarrow c_{ij} = a_{ij} + b_{ij}$$

**Somamos os elementos correspondentes das matrizes**, por isso, é necessário que as matrizes sejam de mesma ordem.



## Exemplo

Considere as matrizes  $A =$  e  $B =$ . Encontre a matriz dada por  $C = A + B$ .

$$C = + = =$$

# SUBTRAÇÃO DE MATRIZES

A diferença entre duas matrizes  $A$  e  $B$  (de mesma ordem) é obtida por meio da soma da matriz  $A$  com a oposta de  $B$ . Ou seja:  $C = A - B = A + (-B)$ .



## EXEMPLO

Considere as matrizes  $A =$  e  $B =$ . Encontre a matriz dada por  $C = A - B$ .

$$C = A - B$$

$$C = A + (-B)$$

$$\Rightarrow C = +$$

$$\Rightarrow C =$$

$$\Rightarrow C =$$

# QUESTÃO 01

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$  ,  $B =$  e  
 $C =$  . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$  ,  $B =$  e  
 $C =$  . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

=





# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$  ,  $B =$  e  
 $C =$  . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

$$= -$$



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$  ,  $B =$  e  
 $C =$  . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

$$= -$$

$$=$$



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$  ,  $B =$  e  
 $C =$  . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

=



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$  e  $C = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$  e  $C = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$ . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$$

$$=$$

$$=$$


# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$  ,  $B =$  e  
 $C =$  . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

$$= + =$$

$$=$$





# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:  $A =$  ,  $B =$  e  
 $C =$  . Determine a matriz  $D = (A - B) + (B - C)$ .

$$= \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} & - & \end{pmatrix}$$

=



# QUESTÃO 02

## ATIVIDADE

Dadas as matrizes:

$A =$  ,  $B =$  e  $C =$

Determine a matriz  $D = A + B - C$ .



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

## Resolução

Dadas as matrizes:

$A =$  ,  $B =$  e  $C =$

Determine a matriz  $D = A + B - C$ .

Tem-se:

$D = + -$

$D = ++$



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

## Resolução

Dadas as matrizes:

$A =$  ,  $B =$  e  $C =$

Determine a matriz  $D = A + B - C$ .

Tem-se:

$D = + -$

$D = ++$

$D =$

$D =$



# QUESTÃO 03

## ATIVIDADE

(ENEM 2019) Um professor aplica, durante os cinco dias úteis de uma semana, testes com quatro questões de múltipla escolha a cinco alunos. Os resultados foram representados na matriz.

$$\begin{bmatrix} 3 & 2 & 0 & 1 & 2 \\ 3 & 2 & 4 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 4 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 4 & 4 \end{bmatrix}$$

Nessa matriz os elementos das linhas de 1 a 5 representam as quantidades de questões acertadas pelos alunos Ana, Bruno, Carlos, Denis e Érica, respectivamente, enquanto que as colunas de 1 a 5 indicam os dias da semana, de segunda-feira a sexta-feira, respectivamente, em que os testes foram aplicados.



**ATIVIDADE**

# QUESTÃO 03

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na

- A) segunda-feira.
- B) terça-feira.
- C) quarta-feira.
- D) quinta-feira.
- E) sexta-feira.





# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

	S	T	Q	Q	S
ANA	3	2	0	1	2
BRUNO	3	2	4	1	2
CARLOS	2	2	2	3	2
DENIS	3	2	4	1	0
ÉRICA	0	2	0	4	4



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

	S	T	Q	Q	S
ANA	3	2	0	1	2
BRUNO	3	2	4	1	2
CARLOS	2	2	2	3	2
DENIS	3	2	4	1	0
ÉRICA	0	2	0	4	4

## PERGUNTA.

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na



# Representação Genérica

Para indicar uma matriz qualquer, de modo genérico, usamos a seguinte notação:  $\mathbf{A} = [a_{ij}]_{m \times n}$  onde  $i$  representa a linha e  $j$  a coluna em que se encontra o elemento.

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \dots & a_{3n} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \dots & \cdot \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

	S	T	Q	Q	S
ANA	3	2	0	1	2
BRUNO	3	2	4	1	2
CARLOS	2	2	2	3	2
DENIS	3	2	4	1	0
ÉRICA	0	2	0	4	4
	11	10	10	10	10

PERGUNTA.

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

	S	T	Q	Q	S
ANA	3	2	0	1	2
BRUNO	3	2	4	1	2
CARLOS	2	2	2	3	2
DENIS	3	2	4	1	0
ÉRICA	0	2	0	4	4
	11	10	10	10	10

PERGUNTA.

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na

Letra A



## ATIVIDADE

# QUESTÃO 03

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na

A) segunda-feira.

B) terça-feira.

C) quarta-feira.

D) quinta-feira.

E) sexta-feira.





# QUESTÃO 04

## ATIVIDADE

(ENEM 2018) A Transferência Eletrônica Disponível (TED) é uma transação financeira de valores entre diferentes bancos. Um economista decide analisar os valores enviados por de TEDs entre cinco bancos (1, 2, 3, 4 e 5) durante um mês. Para isso, ele dispõe esses valores em uma matriz  $A = [a_{ij}]$ , em que  $1 \leq i \leq 5$  e  $1 \leq j \leq 5$ , e o elemento  $a_{ij}$  corresponde ao total proveniente das operações feitas via TED, em milhão de real, transferidos do banco  $i$  para o banco  $j$  durante o mês. Observe que os elementos  $a_{ij} = 0$ , uma vez que TED é uma transferência entre bancos distintos. Esta é a matriz obtida para essa análise:



# QUESTÃO 04

## ATIVIDADE

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Com base nessas informações, o banco que transferiu a maior quantia via TED é o banco

- a) 1.
- b) 2.
- c) 3.
- d) 4.
- e) 5.



# SOLUÇÃO

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

## ATIVIDADE

Com base nessas informações, o banco que transferiu a maior quantia via TED é o banco

- a) 1.
- b) 2.
- c) 3.
- d) 4.
- e) 5.



# Representação Genérica

Para indicar uma matriz qualquer, de modo genérico, usamos a seguinte notação:  $\mathbf{A} = [\mathbf{a}_{ij}]_{m \times n}$  onde  $i$  representa a linha e  $j$  a coluna em que se encontra o elemento.

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & \dots & a_{2n} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \dots & a_{3n} \\ \cdot & \cdot & \cdot & \dots & \cdot \\ a_{m1} & a_{m2} & a_{m3} & \dots & a_{mn} \end{bmatrix}$$

# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Canal  
Educação  
PROGRAMA DE MEDIAÇÃO TECNOLÓGICA



# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\longrightarrow 0+2+0+2+2=6$$

$$\longrightarrow 0+0+2+1+0=3$$

$$\longrightarrow 1+2+0+1+1=5$$

$$\longrightarrow 0+2+2+0+0=4$$

$$\longrightarrow 3+0+1+1+0=5$$





# SOLUÇÃO

## ATIVIDADE

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\longrightarrow 0+2+0+2+2=6$$

$$\longrightarrow 0+0+2+1+0=3$$

$$\longrightarrow 1+2+0+1+1=5$$

$$\longrightarrow 0+2+2+0+0=4$$

$$\longrightarrow 3+0+1+1+0=5$$

Letra A

