

**3ª  
SÉRIE**

# **CANAL SEDUC-PI3**



PROFESSOR (A):

**ALEXSANDRO  
KESLER**



DISCIPLINA:

**OFICINA DE  
MATEMÁTICA**



AULA Nº:

**05**



CONTEÚDO:

**GEOMETRIA  
ESPACIAL**



TEMA GERADOR:

**29/05/2020**



DATA:

## ROTEIRO DE AULA

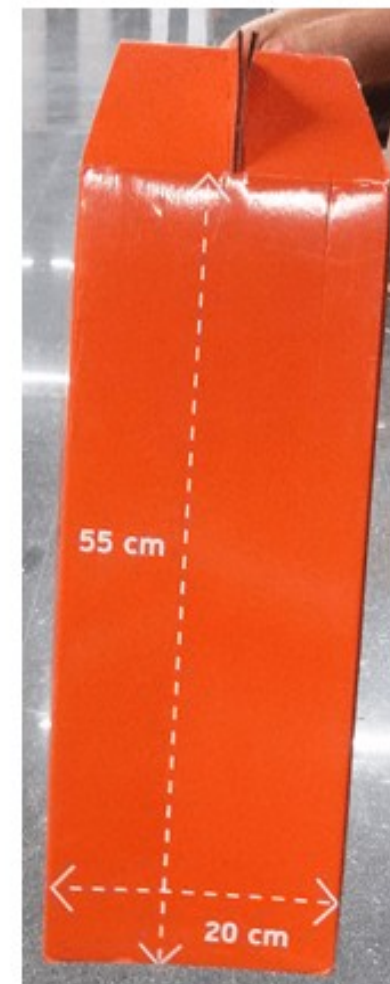
# GEOMETRIA ESPACIAL

### ❑ *PIRÂMIDES I*



## ATIVIDADE PARA CASA

Nos guichês das companhias aéreas dos aeroportos, há caixas que auxiliam os passageiros a identificarem se suas bagagens de mão estão dentro dos padrões estabelecidos pela Agência Nacional de Aviação Civil (ANAC). As figuras mostram as dimensões da caixa.

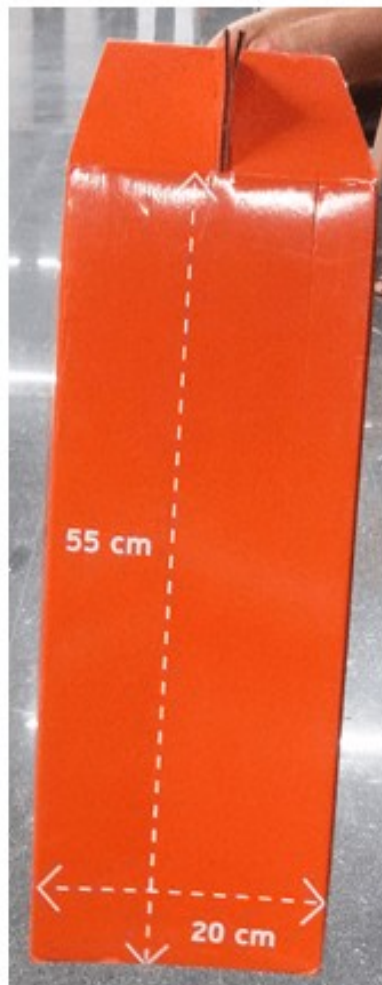


Considerando que todo o conteúdo da bagagem de mão esteja uniformemente distribuído, a densidade máxima da bagagem é, aproximadamente,

- A) 20.000 cm<sup>3</sup>.
- B) 35.000 cm<sup>3</sup>.
- C) 44.000 cm<sup>3</sup>.
- D) 52.000 cm<sup>3</sup>.
- E) 60.000 cm<sup>3</sup>.



# SOLUÇÃO



$$V_{PRISMA} = A_{BASE} \cdot h$$

$$V = \text{Comprimento} \times \text{largura} \times \text{altura}$$

$$V = 40 \cdot 20 \cdot 55$$

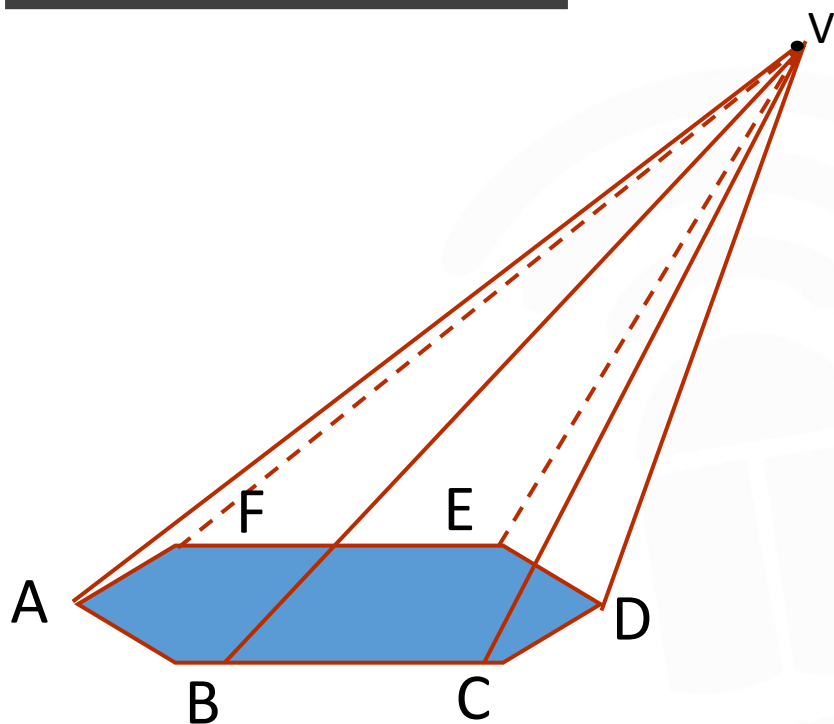
$$V = 44.000 \text{ cm}^3$$

Considerando que todo o conteúdo da bagagem de mão esteja uniformemente distribuído, a densidade máxima da bagagem é, aproximadamente,

- A) 20.000 cm<sup>3</sup>.
- B) 35.000 cm<sup>3</sup>.
- C) 44.000 cm<sup>3</sup>.**
- D) 52.000 cm<sup>3</sup>.
- E) 60.000 cm<sup>3</sup>.



# PIRÂMIDE



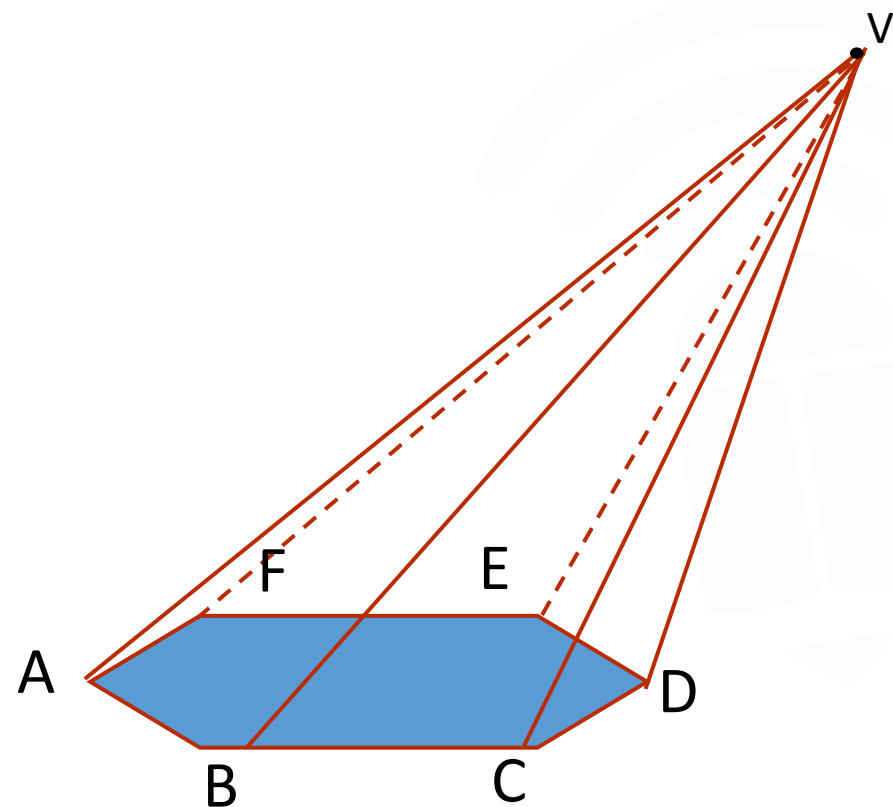
A pirâmide tem dois tipos de faces

- ✓ A base  
(polígono ABCDEF).
- ✓ Faces laterais  
(triângulos).

❖ Superfície total da pirâmide é a união da base com a superfície lateral.



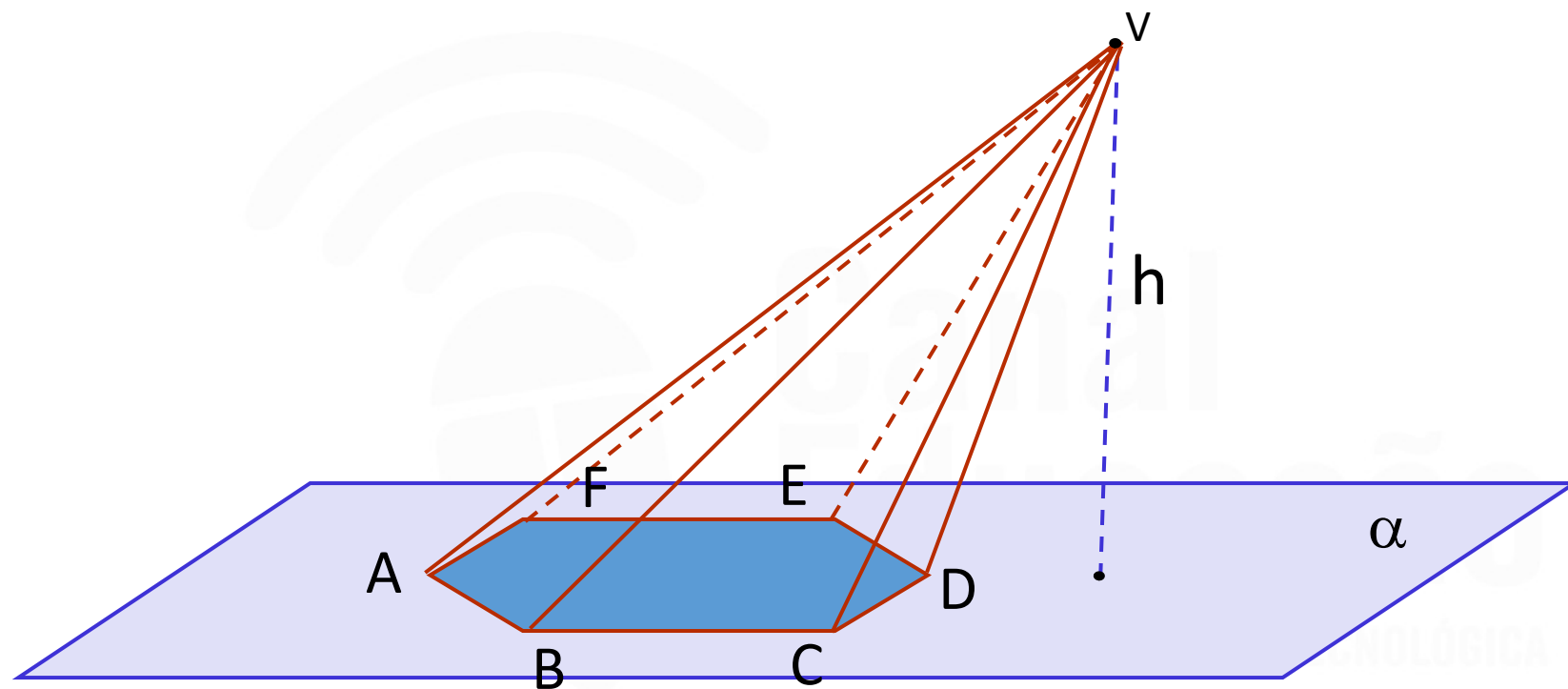
# Elementos principais da pirâmide



A pirâmide tem dois tipos de arestas

- ✓ arestas da base  
(AB, BC, CD, DE, EF e FA).
- ✓ arestas laterais  
(VA, VB, VC, VD, VE e VF ).

# Elementos principais da pirâmide



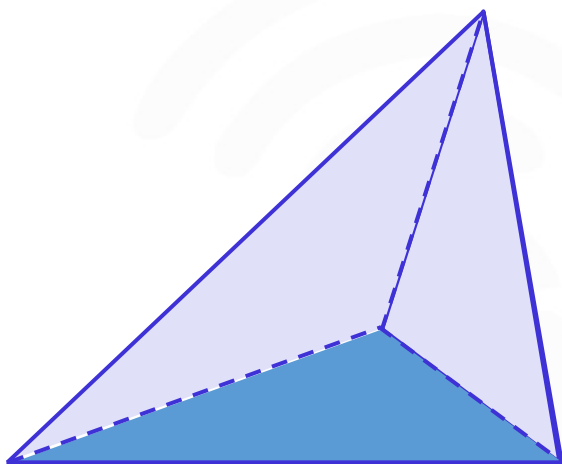
- ❖ A distância  $h$  do vértice ao plano da base é a **altura** da pirâmide.

## Classificação

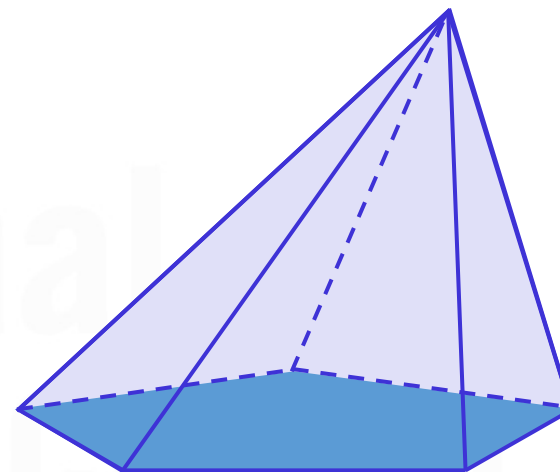
- Uma pirâmide é classificado pelo tipo de polígono que constitui sua base.

Polígono da base	Pirâmide
triângulo	Pirâmide triangular
quadrado	Pirâmide quadrangular
pentágono	Pirâmide pentagonal
hexágono	Pirâmide hexagonal

## Veja algumas dessas pirâmides



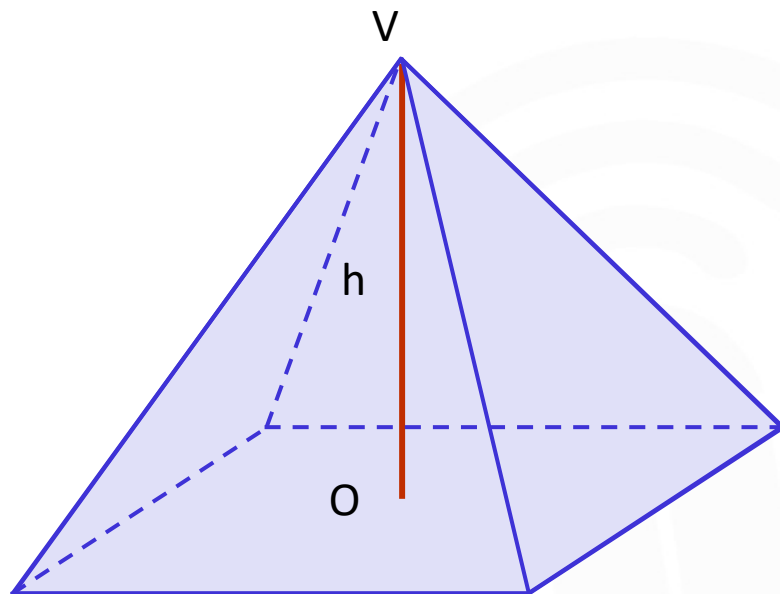
Pirâmide triangular



Pirâmide Pentagonal

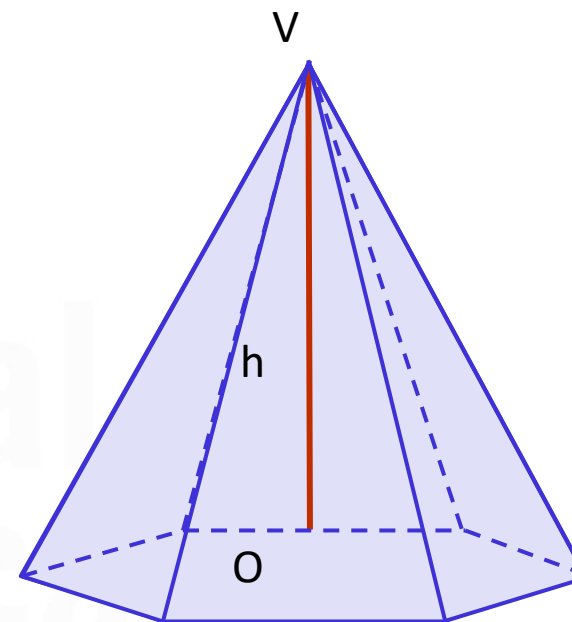


# Pirâmides regulares



A base da pirâmide é um quadrado

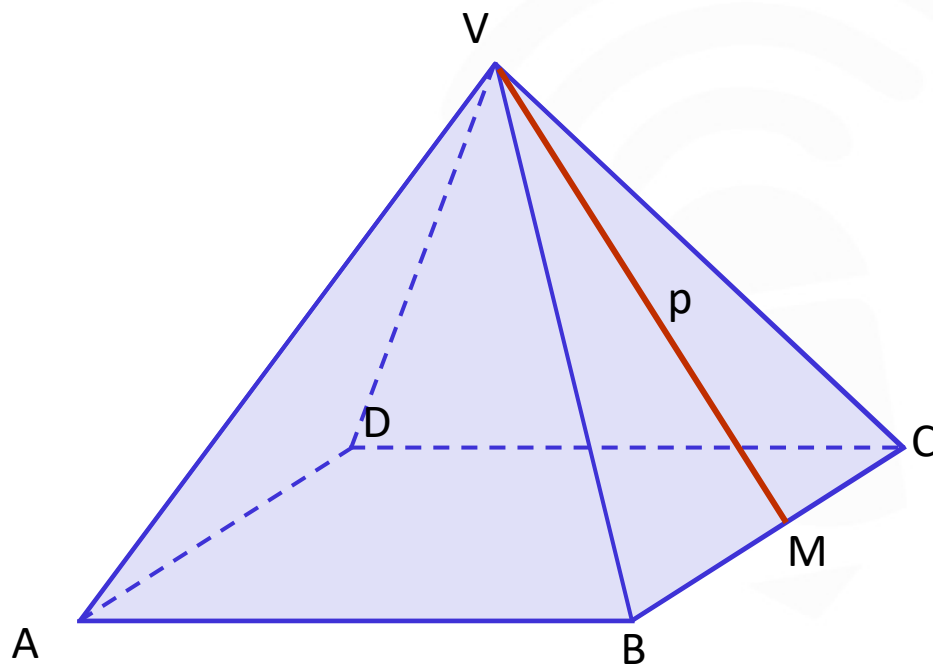
Pirâmide quadrangular regular



A base da pirâmide é um hexágono regular

Pirâmide hexagonal regular

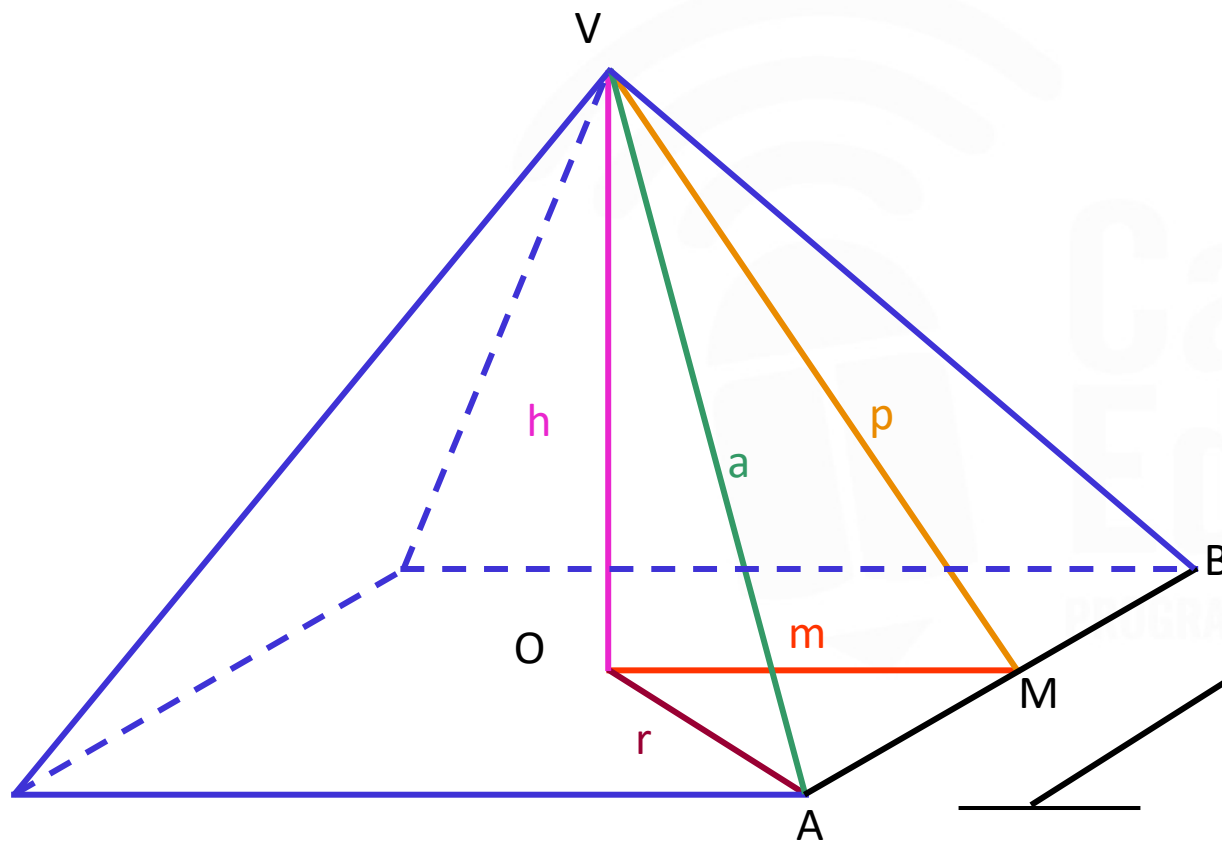
# Apótema da pirâmide



$VM$  é o apótema ( $p$ ) da pirâmide

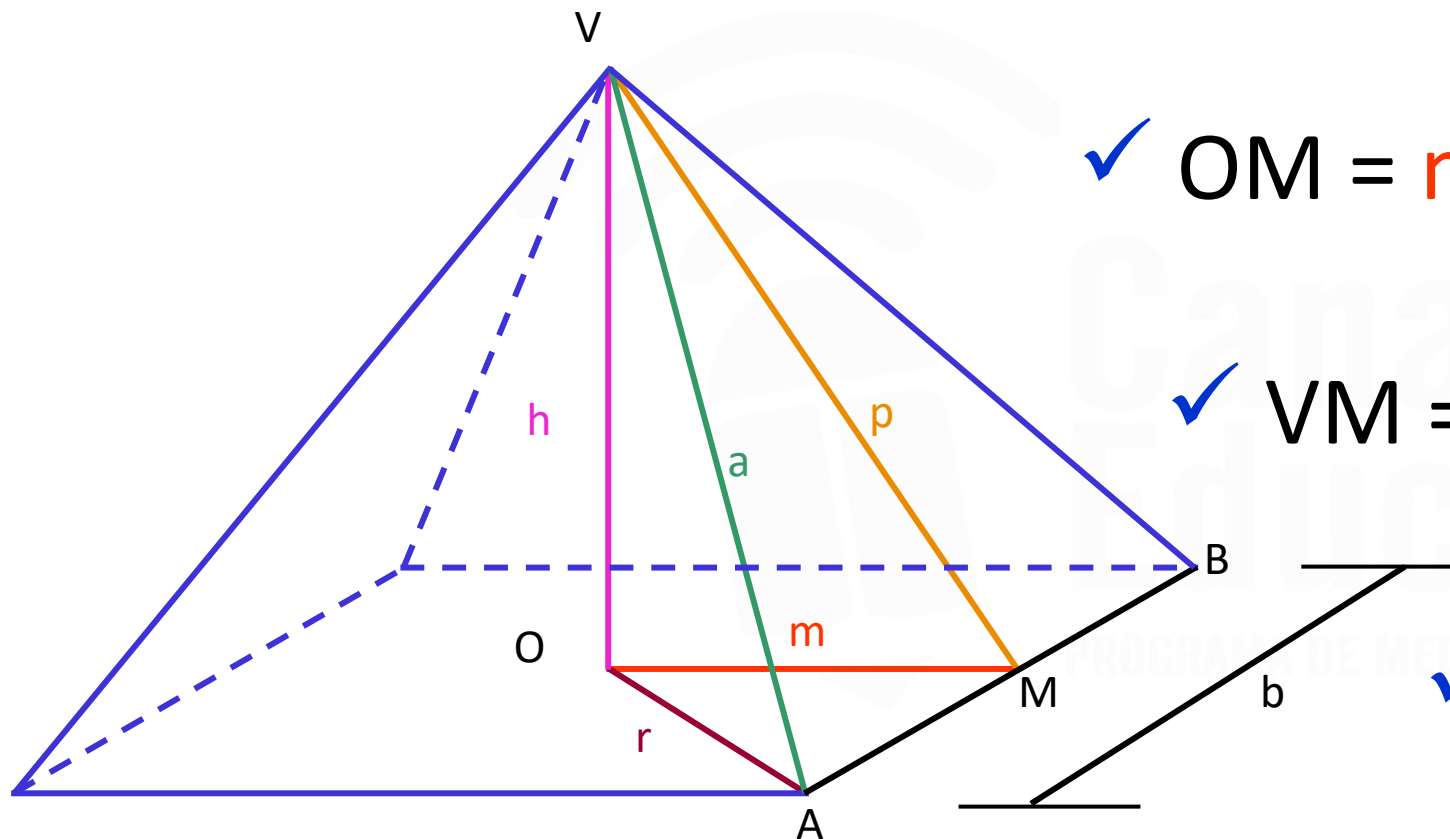
$$BM = MC$$

# Segmentos notáveis na pirâmide regular



- ✓  $VO = h$ , altura;
- ✓  $VA = a$ , aresta lateral;
- ✓  $AB = b$ , aresta da base;

# Segmentos notáveis na pirâmide regular



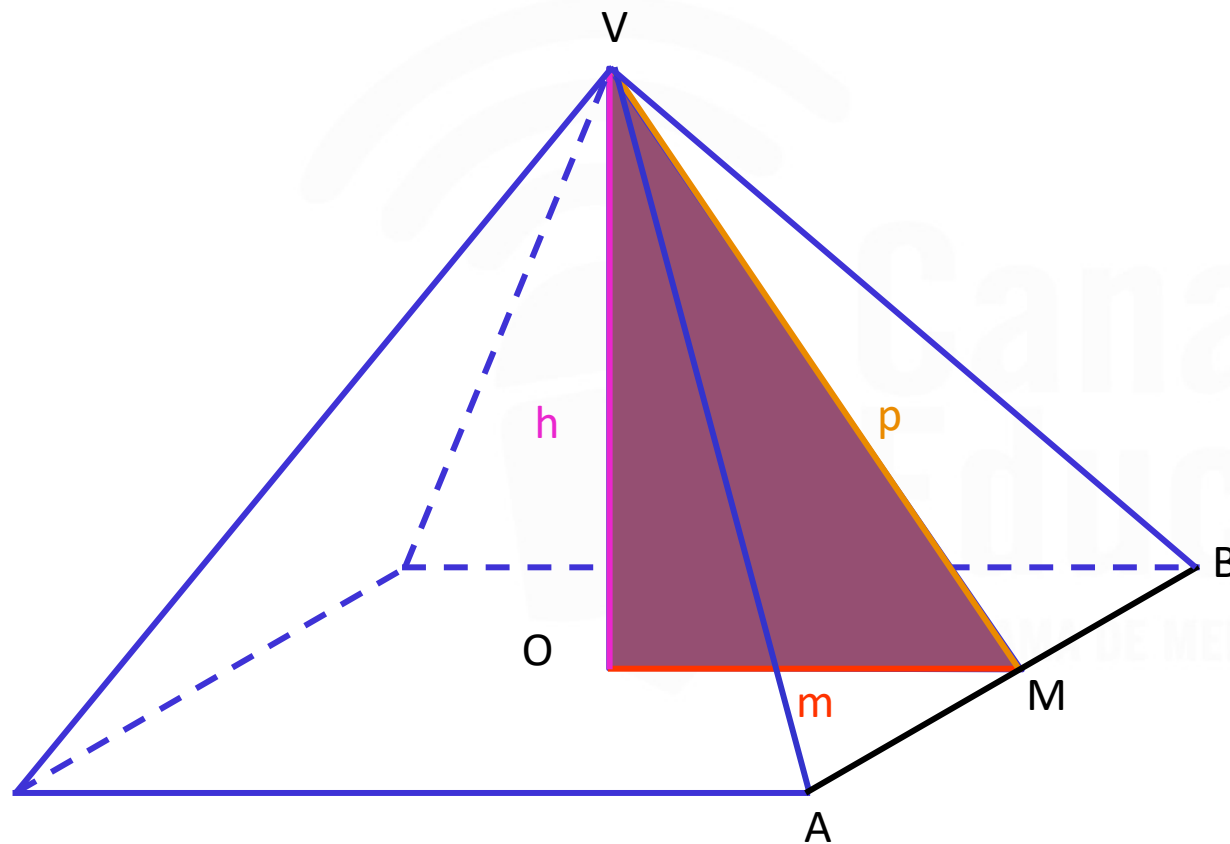
✓  $OM = m$ , apótema da base;

✓  $VM = p$ , apótema pirâmide;

✓  $OA = r$ , raio da base;

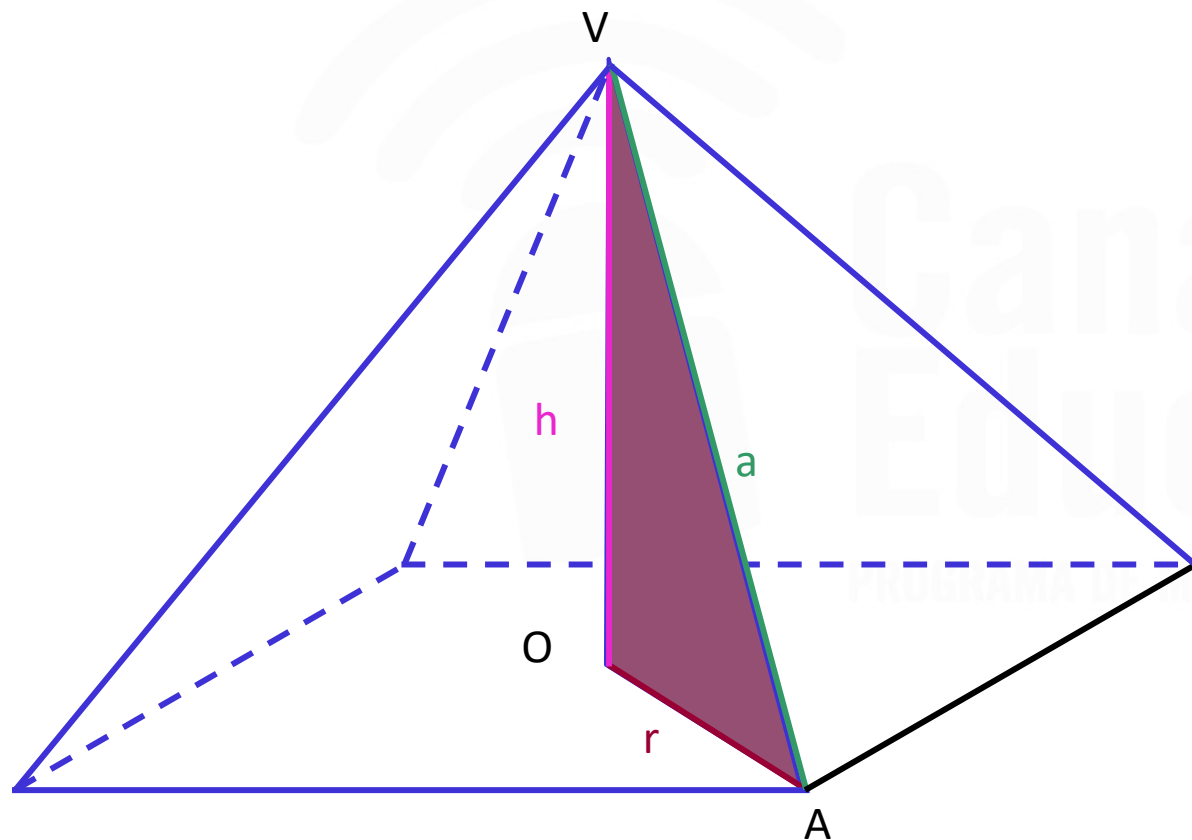


# A pirâmide e o teorema de Pitágoras



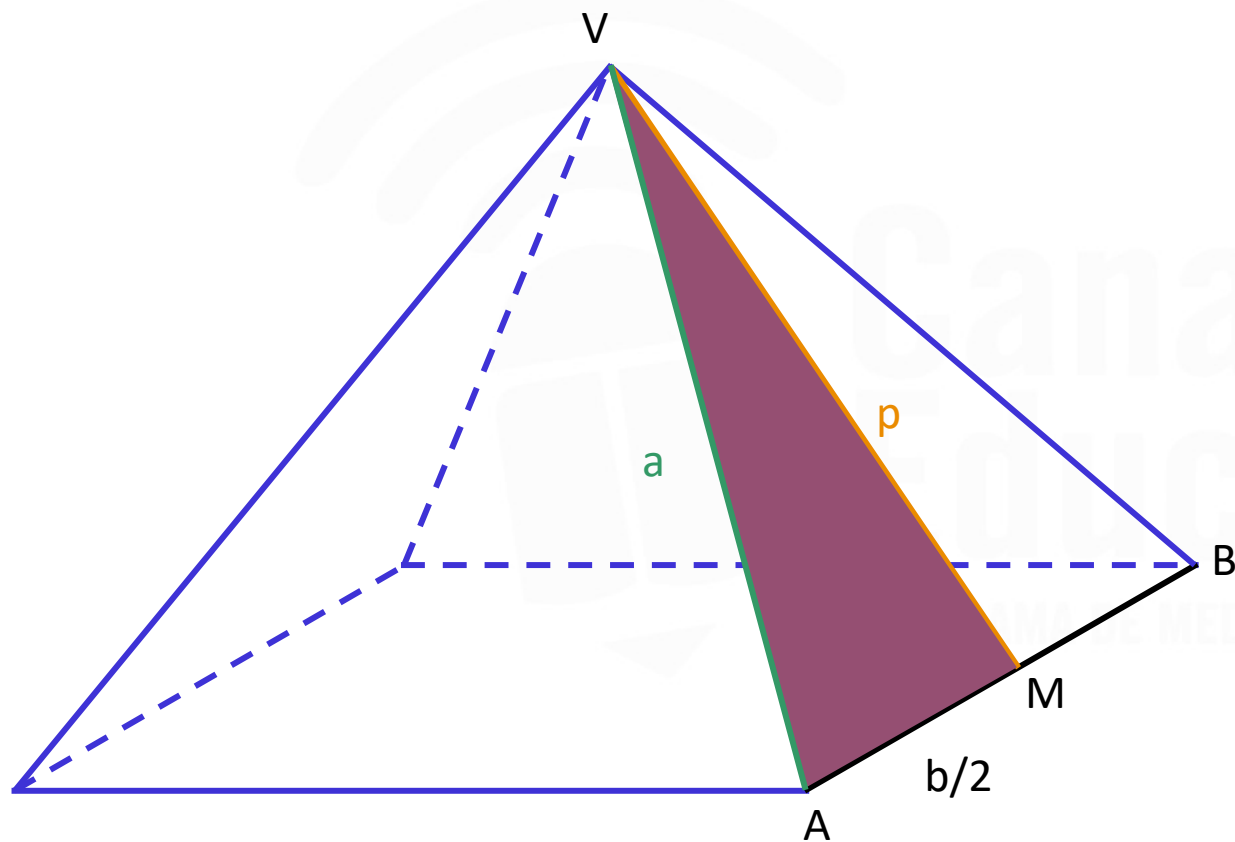
$$p^2 = h^2 + m^2$$

# A pirâmide e o teorema de Pitágoras



$$a^2 = h^2 + r^2$$

# A pirâmide e o teorema de Pitágoras



$$a^2 = p^2 + (b/2)^2$$

# Volume da pirâmide

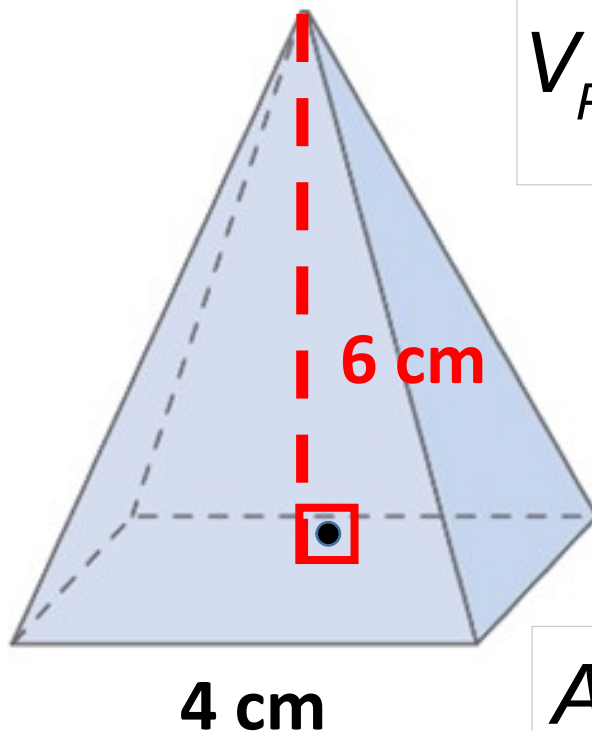
- Se um prisma e uma pirâmide têm alturas iguais e suas bases têm a mesma área, então o volume da pirâmide é a terça parte do volume do prisma.

$$V = \frac{1}{3} A_B \cdot h$$



## ATIVIDADE

Calcule o volume de uma pirâmide regular quadrangular de altura 6 cm e aresta da base 4 cm.



$$V_{\text{PIRÂMIDE}} = \frac{1}{3} \cdot A_B \cdot h$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot 16 \cdot 6$$

$$\Rightarrow V = \frac{1}{\cancel{3}} \cdot 16 \cdot \cancel{6}$$

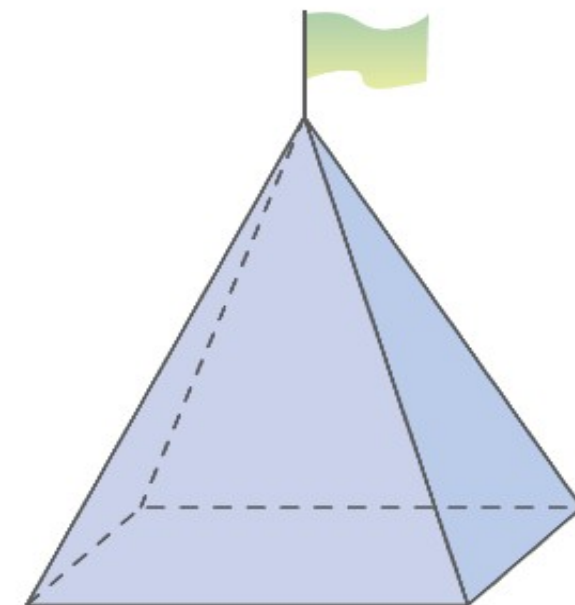
$$\Rightarrow V = 16 \cdot 2$$

$$A_{\text{Base}} = 4^2 = 16 \text{ cm}^2$$

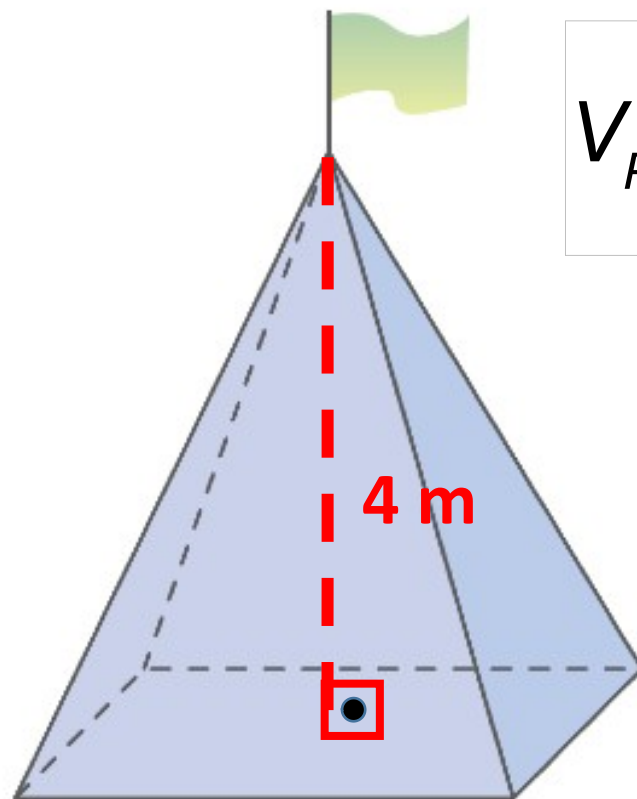
$$\Rightarrow V = 32 \text{ cm}^3$$

## ATIVIDADE

**(VUNESP)** O prefeito de uma cidade pretende colocar em frente à prefeitura um mastro com uma bandeira, que será apoiado sobre uma pirâmide de base quadrada feita de concreto maciço, como mostra a figura.



Sabendo-se que a aresta da base da pirâmide terá 3 m e que a altura da pirâmide será de 4 m, determine o volume de concreto (em  $\text{m}^3$ ) necessário para a construção da pirâmide.



3 m

$$V_{\text{PIRÂMIDE}} = \frac{1}{3} \cdot A_B \cdot h$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot 9 \cdot 4$$

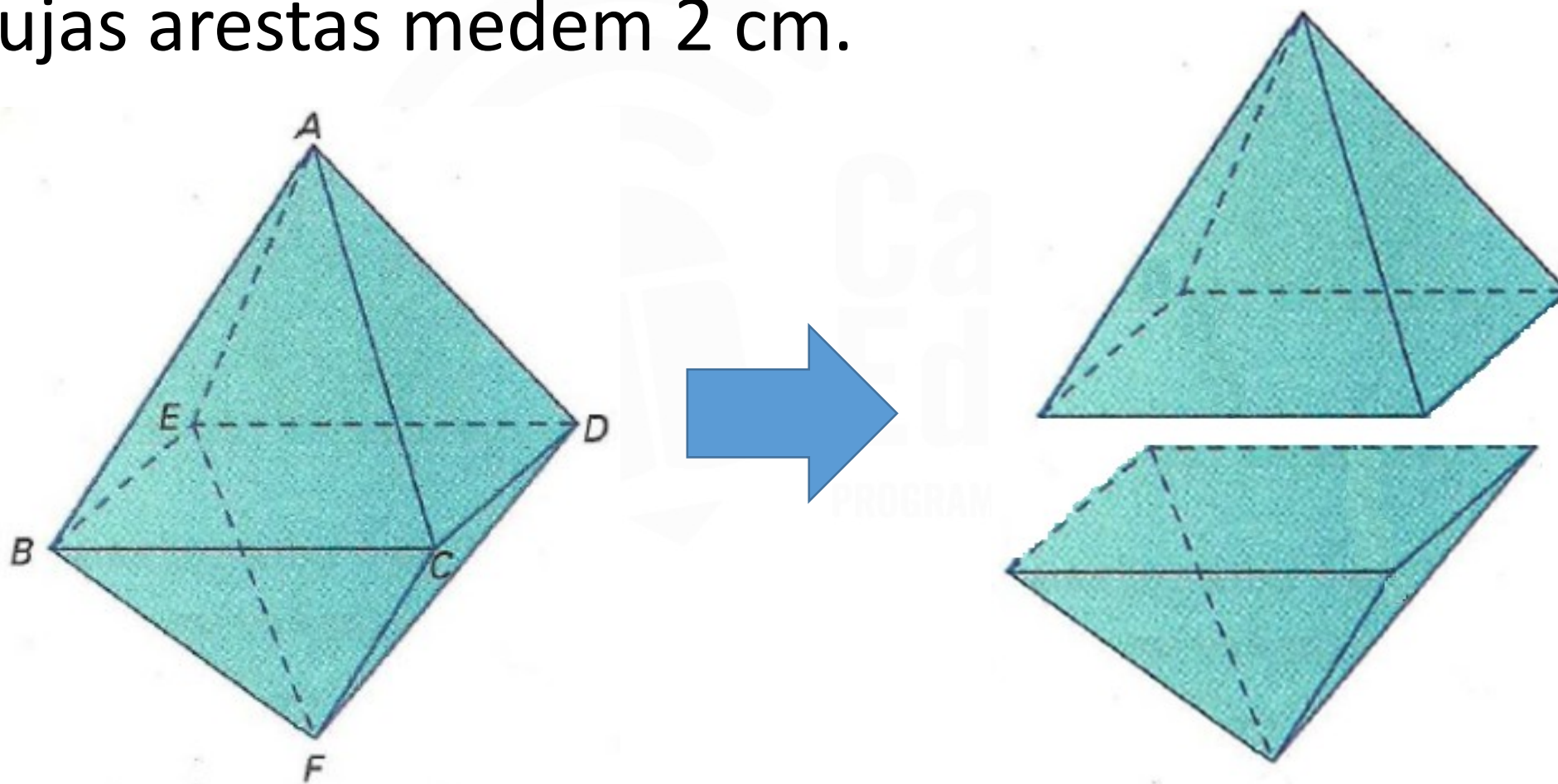
$$\Rightarrow V = 3 \cdot 4$$

$$\Rightarrow V = 12 \text{ m}^3$$

$$A_{\text{Base}} = 3^2 = 9 \text{ m}^2$$

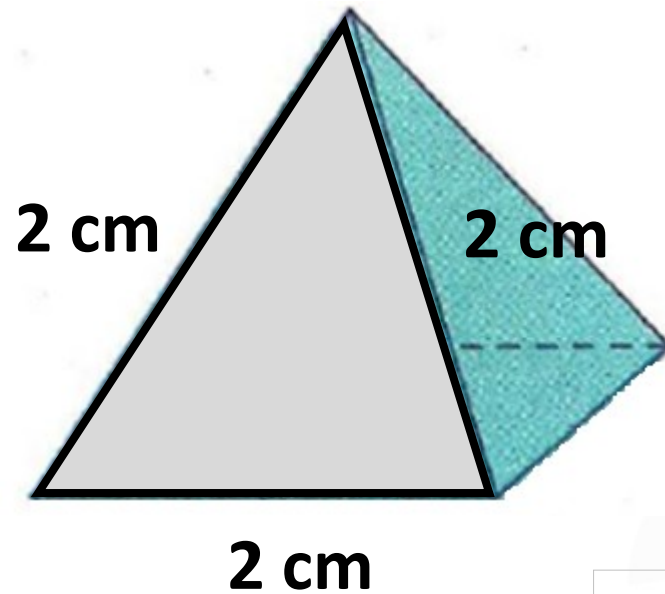
## ATIVIDADE

Calcule a área total e o volume de um octaedro regular cujas arestas medem 2 cm.

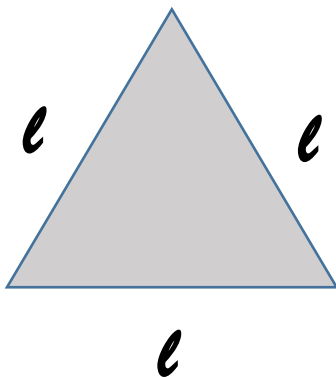




# OCTAEDRO → 8 FACES



TRIÂNGULO  
EQUILÁTERO



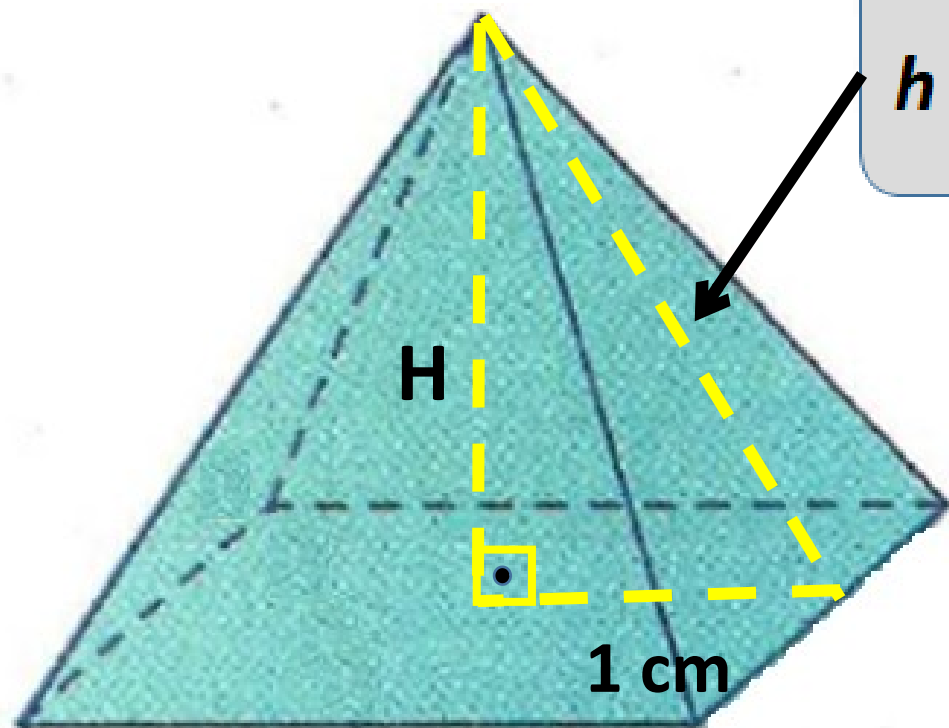
$$A = \frac{2^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$\Rightarrow A = \frac{4\sqrt{3}}{4}$$

$$A = \frac{l^2 \cdot \sqrt{3}}{4}$$

$$A = \sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$A_{TOTAL} = 8 \cdot \sqrt{3} \text{ cm}^2$$



2 cm

1 cm

H

$$h = \frac{\ell \cdot \sqrt{3}}{2}$$

$$h = \frac{2\sqrt{3}}{2}$$

$$\Rightarrow h = \sqrt{3} \text{ cm}$$



H

1 cm

$$\sqrt{3}$$

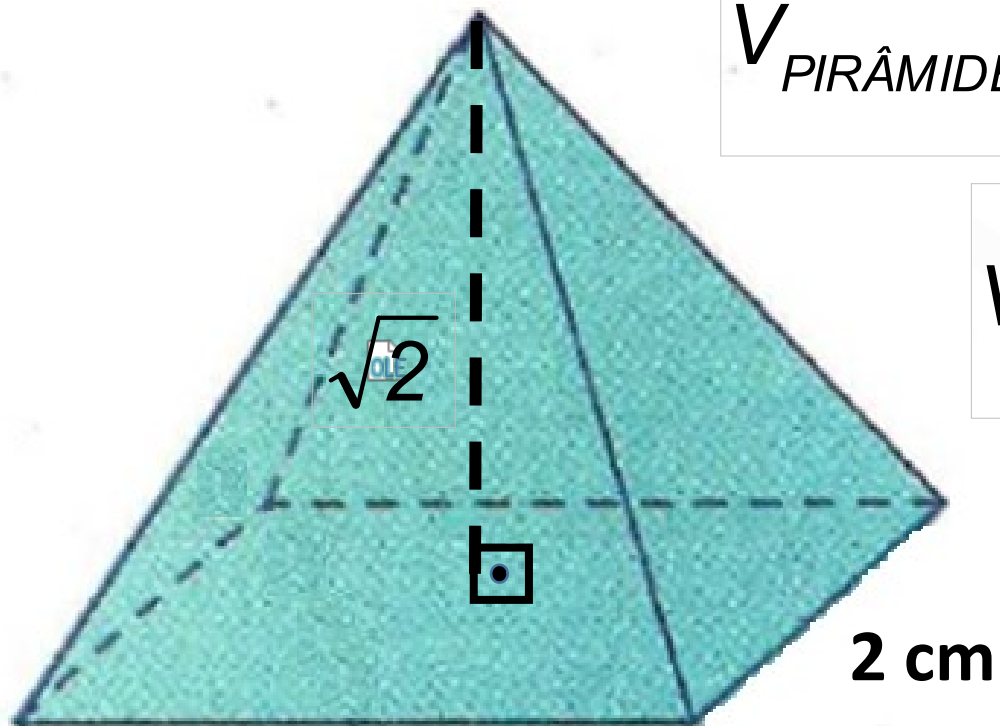
Pitágoras

$$(\sqrt{3})^2 = H^2 + 1^2$$

$$3 = H^2 + 1$$

$$H^2 = 2$$

$$H = \sqrt{2} \text{ cm}$$



2 cm

$$V_{\text{PIRÂMIDE}} = \frac{1}{3} \cdot A_B \cdot h$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot 4 \cdot \sqrt{2}$$

$$\Rightarrow V = \frac{4\sqrt{2}}{3} \text{ cm}^3$$

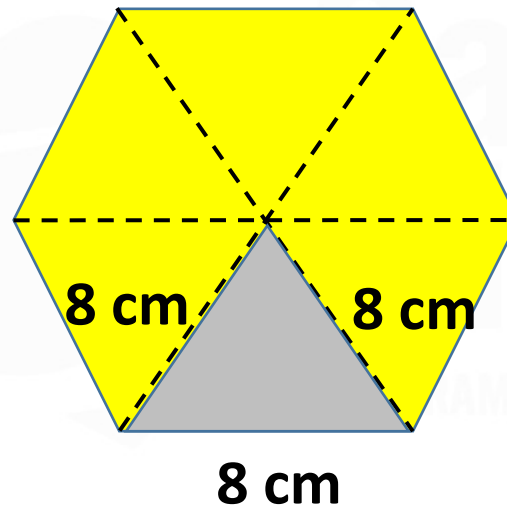
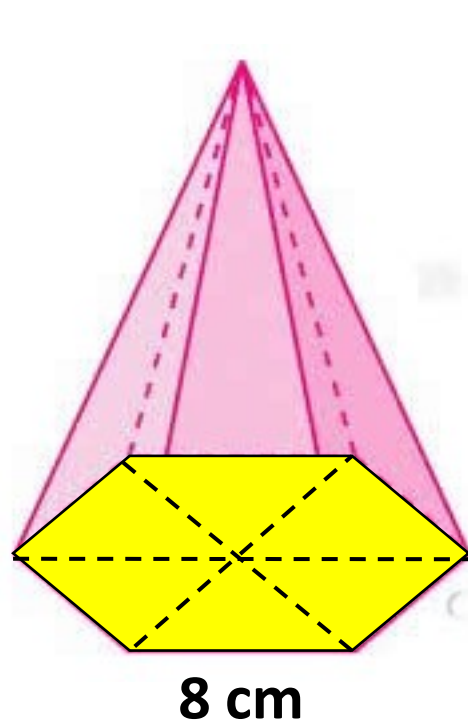
$$V_{\text{OCTAEDRO}} = \frac{4\sqrt{2}}{3} \times 2$$

$$V_{\text{OCTAEDRO}} = \frac{8\sqrt{2}}{3} \text{ cm}^3$$

$$A_{\text{Base}} = 2^2 = 4 \text{ cm}^2$$

## ATIVIDADE

Calcule o volume de uma pirâmide regular de base hexagonal sabendo que sua altura é de 12 cm e que cada aresta da base mede 8 cm.



$$A_{\text{HEXÁGONO}} = 16\sqrt{3} \times 6$$

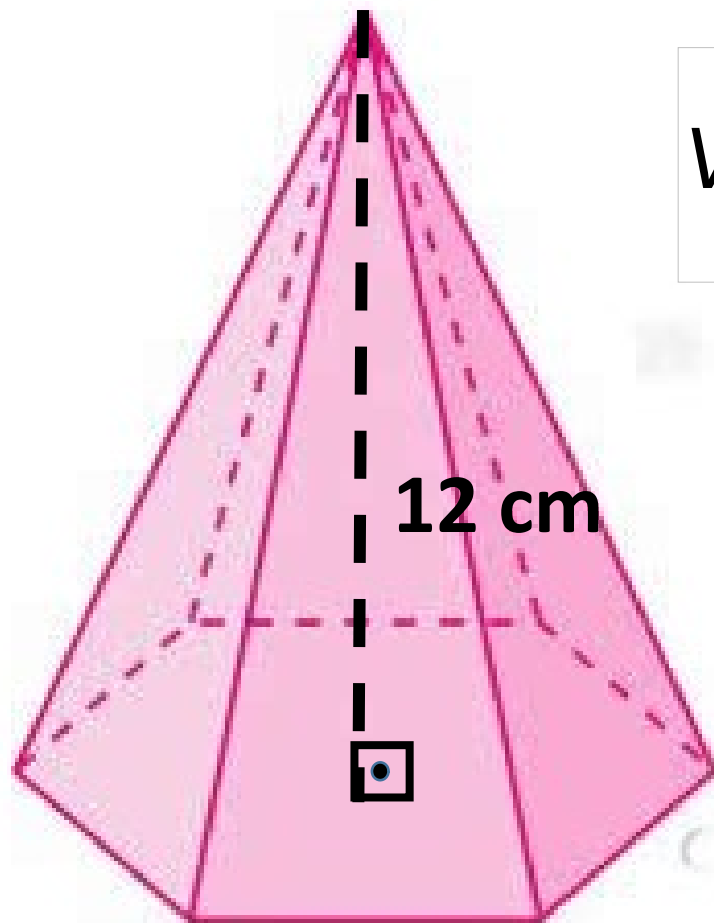
$$A_{\text{BASE}} = 96\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$A = \frac{\ell^2 \cdot \sqrt{3}}{4}$$

$$\Rightarrow A = \frac{8^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$\Rightarrow A = \frac{64\sqrt{3}}{4}$$

$$= 16\sqrt{3} \text{ cm}^2$$



$$A_{\text{BASE}} = 96\sqrt{3} \text{ cm}^2$$

$$V_{\text{PIRÂMIDE}} = \frac{1}{3} \cdot A_B \cdot h$$

$$V = \frac{1}{3} \cdot 96\sqrt{3} \cdot 12$$

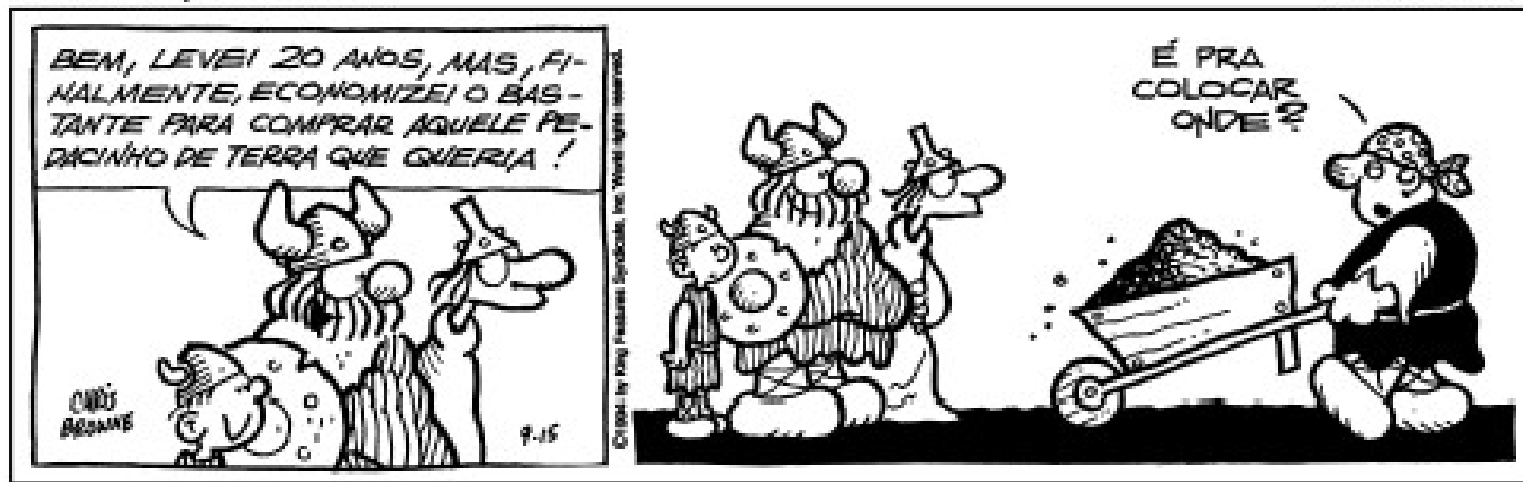
$$V = 96\sqrt{3} \cdot 4$$

$$V = 384\sqrt{3} \text{ cm}^3$$

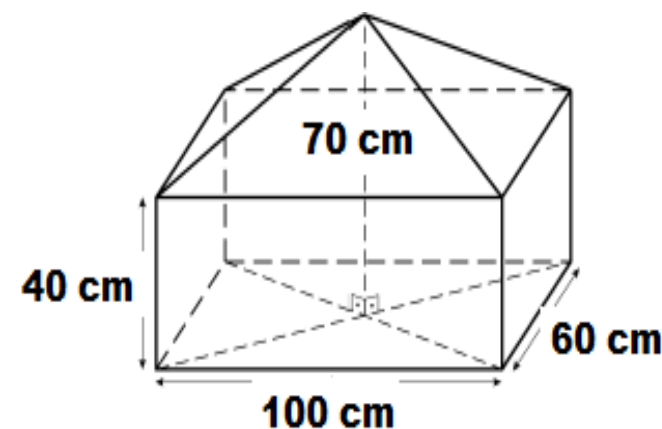
## ATIVIDADE PARA CASA

HAGAR, o horrível

Chris Browne



(O Globo, março 2000)

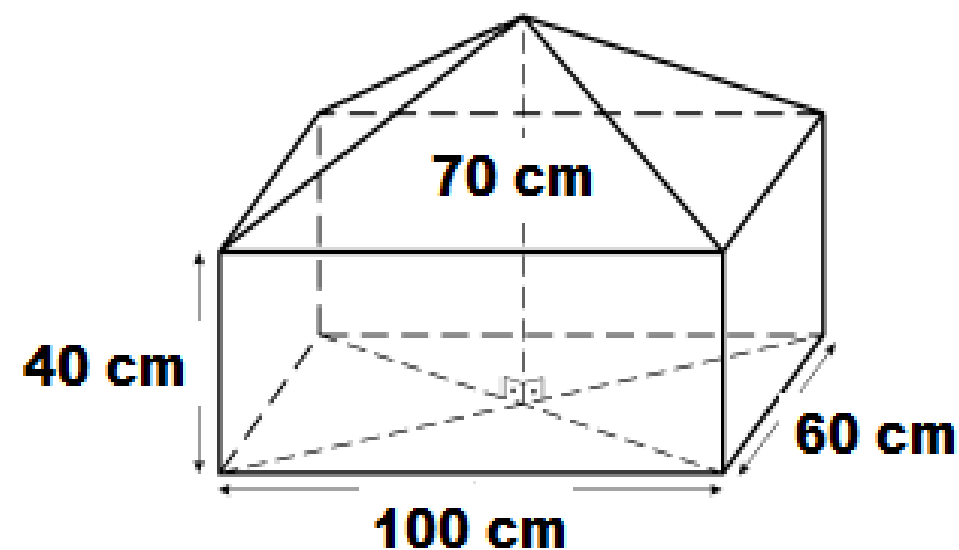


Suponha que o volume de terra acumulada no carrinho de mão do personagem seja igual ao do sólido esquematizado na figura ao lado, formado por uma pirâmide reta sobreposta a um paralelepípedo retângulo.



Assim, o volume médio de terra que Hagar acumulou em cada ano de trabalho é, em  $\text{dm}^3$ , igual a:

- A) 12
- B) 13
- C) 14
- D) 15
- E) 16



## NA PRÓXIMA AULA

# GEOMETRIA ESPACIAL

### ❑ PIRÂMIDES II

