

**3ª
SÉRIE**

CANAL SEDUC-PI3



PROFESSOR (A):

**ALEXSANDRO
KESLER**



DISCIPLINA:

**OFICINA DE
MATEMÁTICA**



AULA Nº:

07



CONTEÚDO:

**GEOMETRIA
ESPACIAL**



TEMA GERADOR:

12/06/2020



DATA:

ROTEIRO DE AULA

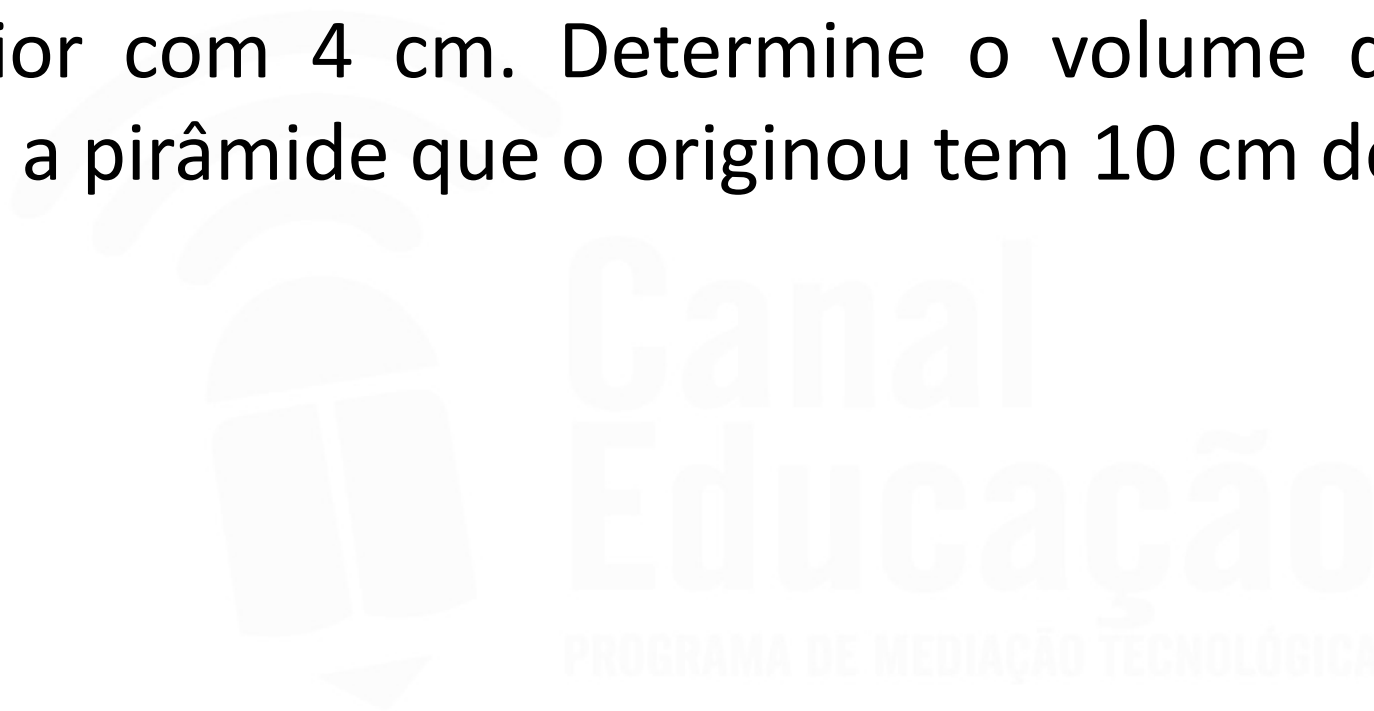
GEOMETRIA ESPACIAL

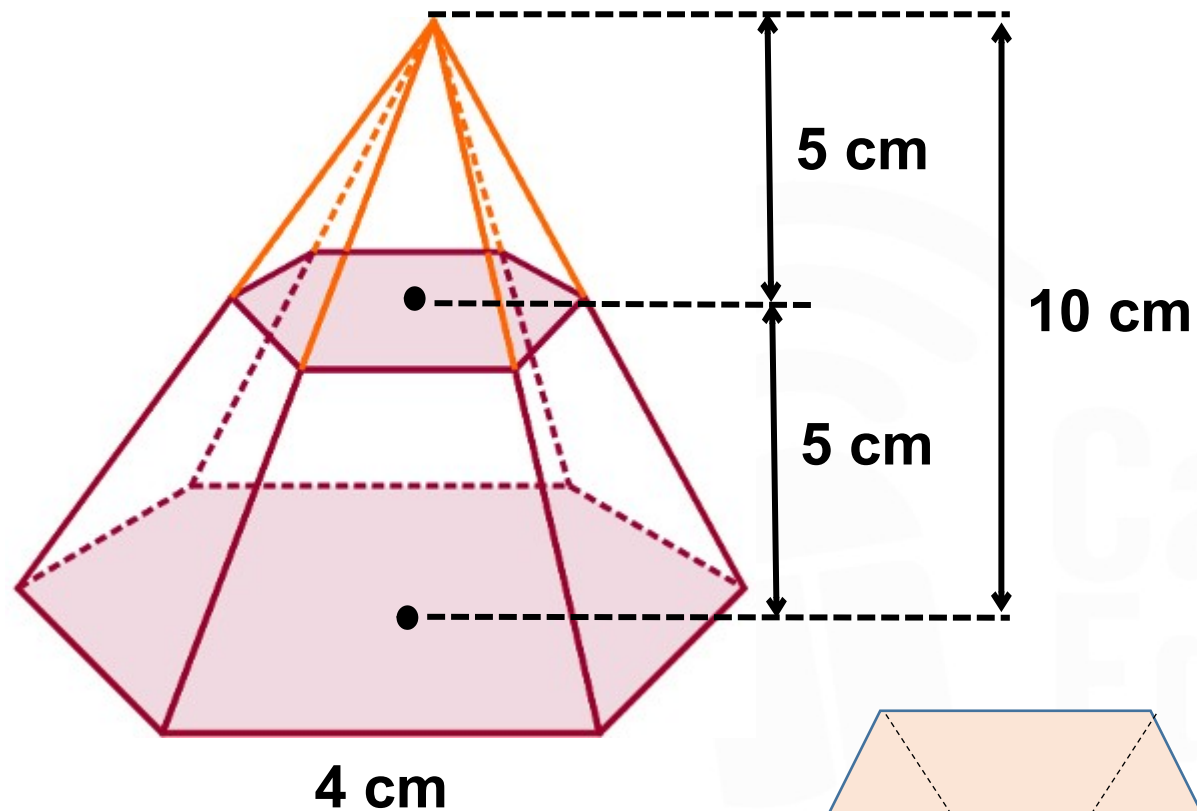
☐ CILINDRO



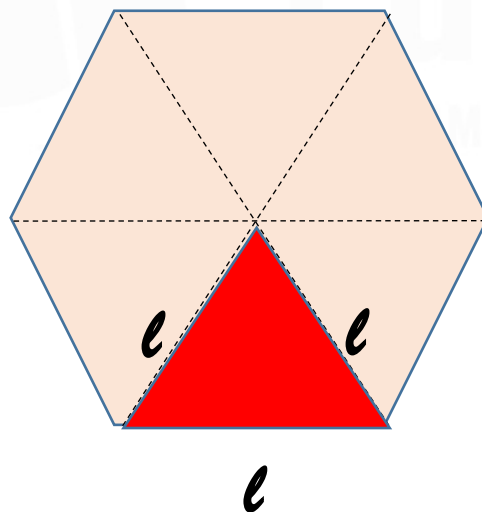
ATIVIDADE PARA CASA

Um tronco de pirâmide hexagonal regular tem altura 5 cm aresta da base maior com 4 cm. Determine o volume desse tronco, sabendo que a pirâmide que o originou tem 10 cm de altura.





ÁREA DA BASE



TRIÂNGULO EQUILÁTERO

$$A = \frac{\ell^2 \cdot \sqrt{3}}{4}$$

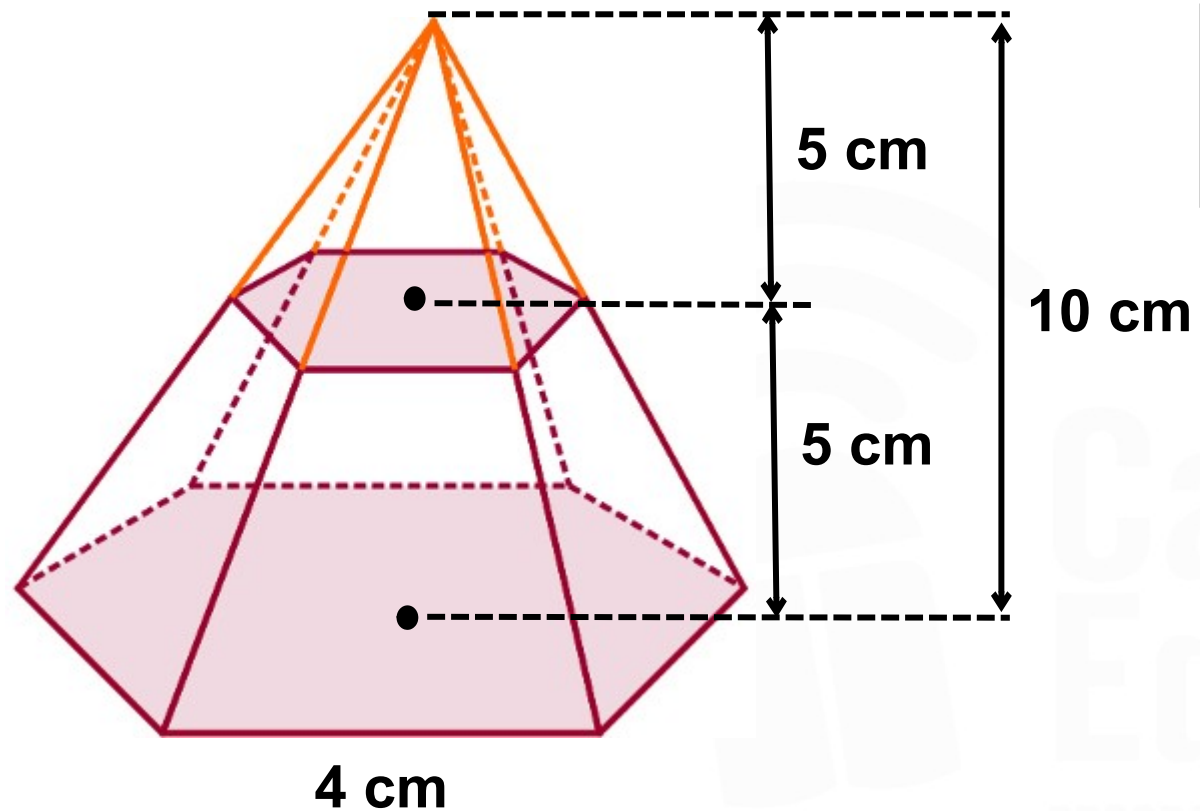
$$A_{BASE} = 6 \cdot 4\sqrt{3}$$

$$A_{BASE} = 24\sqrt{3}$$

$$A = 6 \times \frac{\ell^2 \cdot \sqrt{3}}{4}$$

$$A_{BASE} = 6 \cdot \frac{4^2 \sqrt{3}}{4}$$

$$A_{BASE} = 6 \cdot \frac{16\sqrt{3}}{4}$$



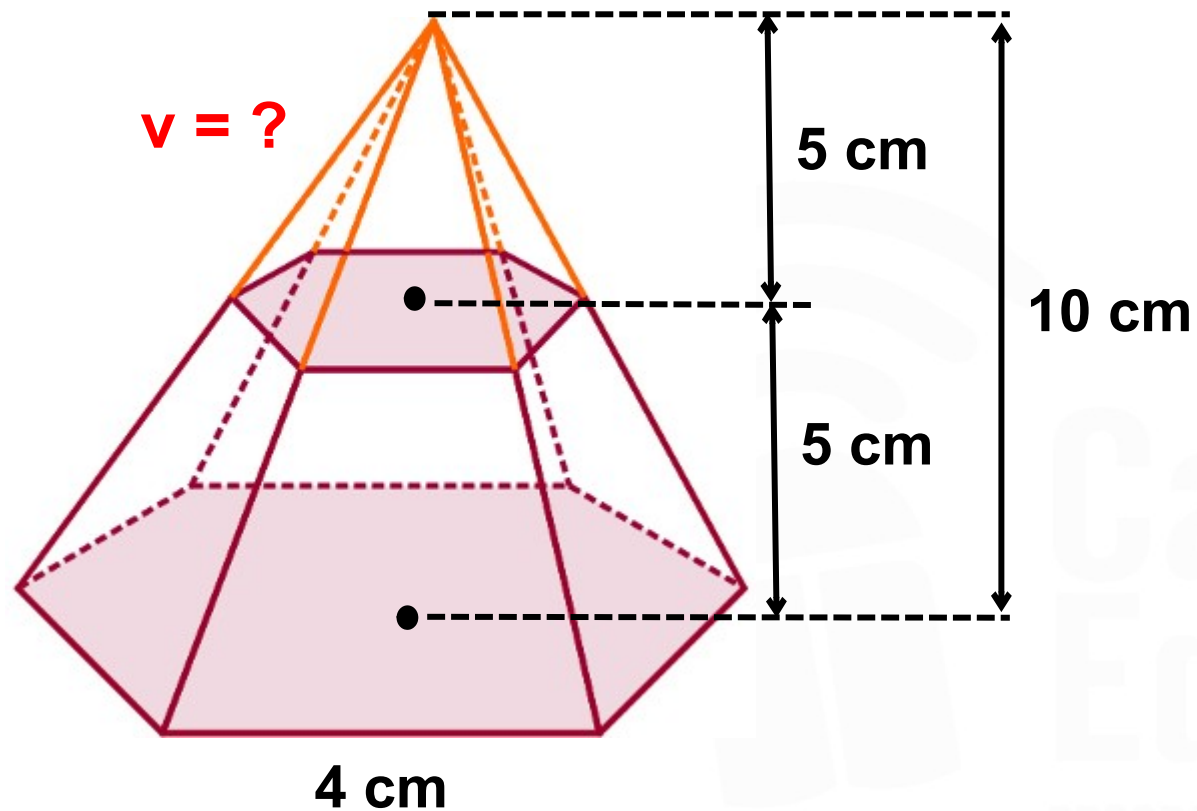
$$A_{BASE} = 24\sqrt{3}$$

$$V_{PIRÂMIDE} = \frac{1}{3} \cdot A_B \cdot H$$

$$V_{PIRÂMIDE} = \frac{1}{3} \cdot 24\sqrt{3} \cdot 10$$

$$V_{PIRÂMIDE} = 80\sqrt{3} \text{ cm}^3$$

$$\frac{v}{V} = \left(\frac{h}{H} \right)^3$$



$$V_{\text{PIRÂMIDE}} = 80\sqrt{3} \text{ cm}^3$$

$$\frac{v}{80\sqrt{3}} = \left(\frac{5}{10} \right)^3$$

$$\frac{v}{80\sqrt{3}} = \left(\frac{1}{2} \right)^3$$

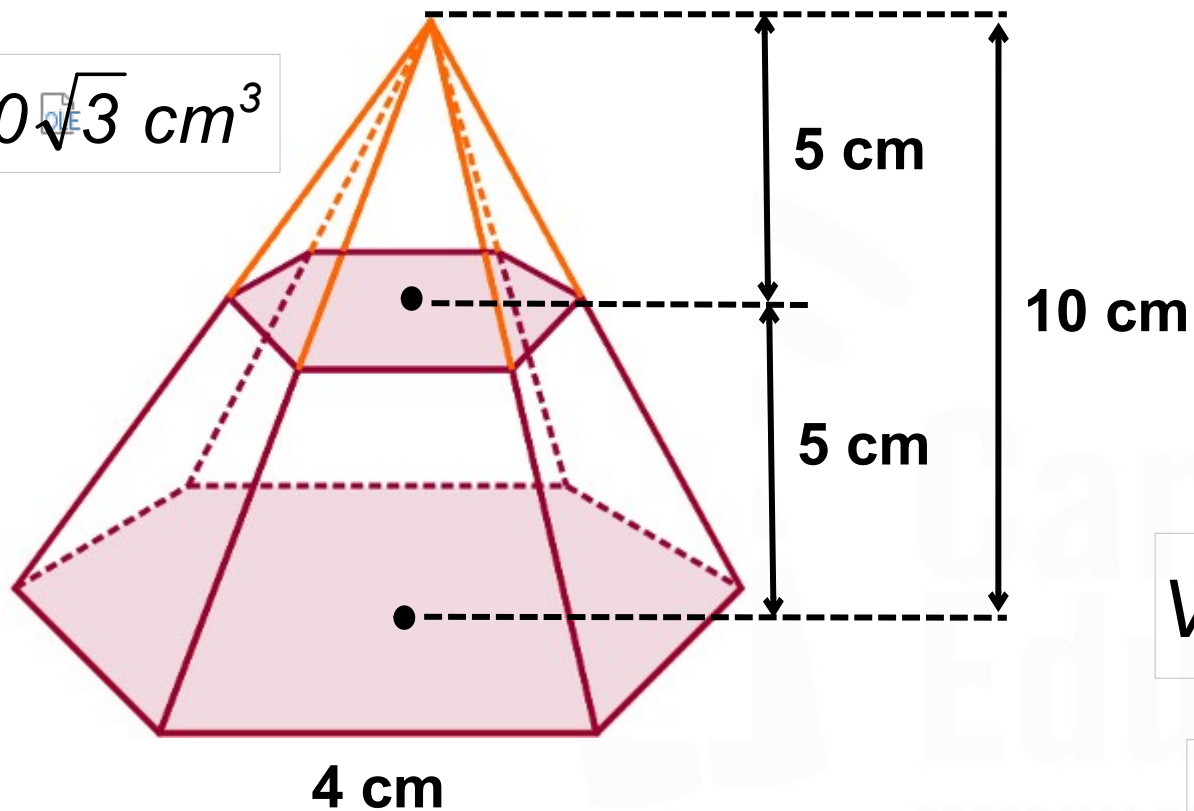
$$\frac{v}{80\sqrt{3}} = \frac{1}{8}$$

$$\frac{v}{10\sqrt{3}} = \frac{1}{1}$$

$$v = 10\sqrt{3} \text{ cm}^3$$

$$\frac{v}{V} = \left(\frac{h}{H} \right)^3$$

$$v = 10\sqrt{3} \text{ cm}^3$$



$$V_{\text{PIRÂMIDE}} = 80\sqrt{3} \text{ cm}^3$$

$$\frac{v}{V} = \left(\frac{h}{H} \right)^3$$

$$V_{\text{TRONCO}} = V - v$$

$$V_{\text{TRONCO}} = 80\sqrt{3} - 10\sqrt{3}$$

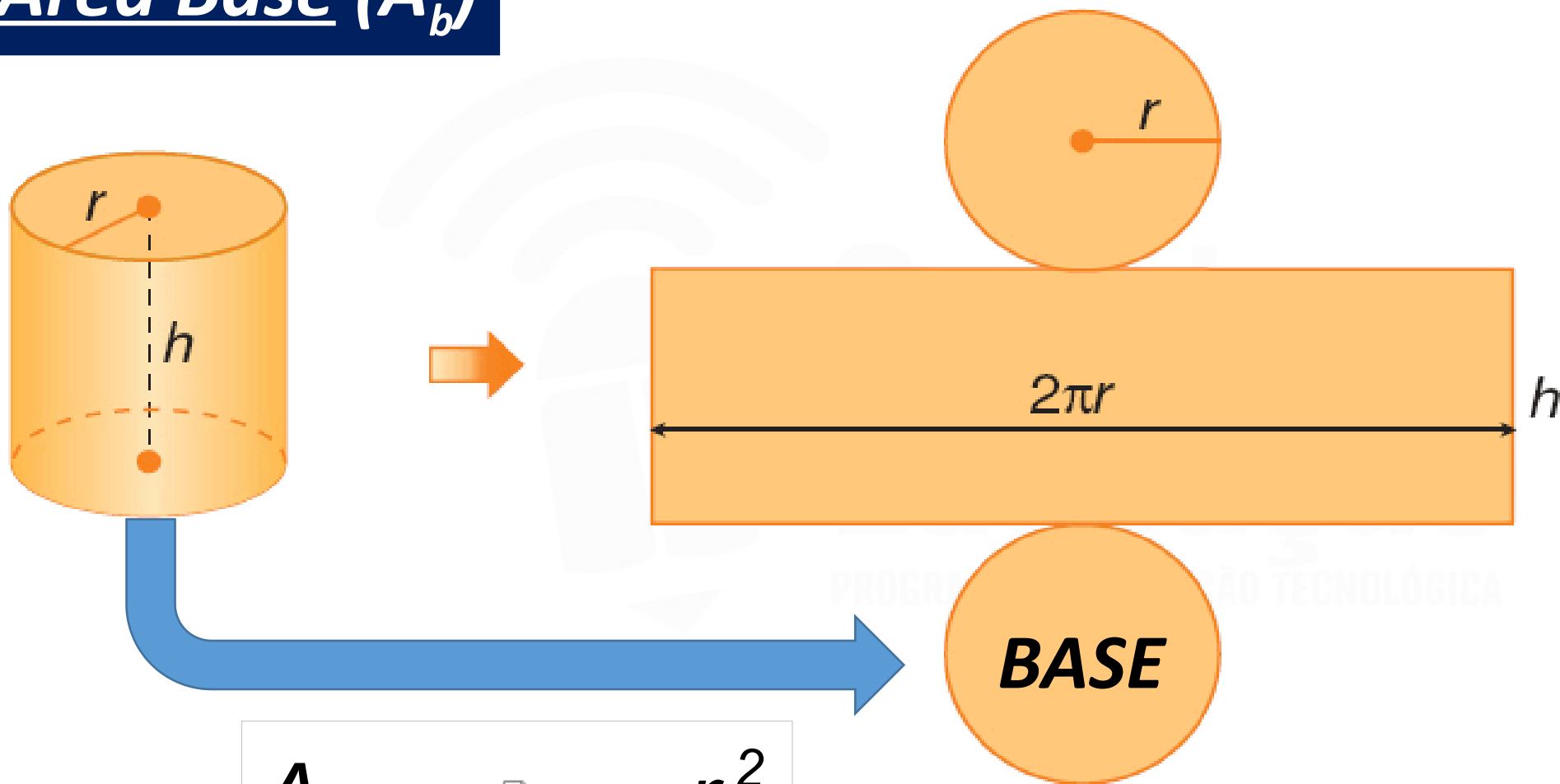
$$V_{\text{TRONCO}} = 60\sqrt{3} \text{ cm}^3$$

CILINDROS

É provável que você conheça estes objetos abaixo:

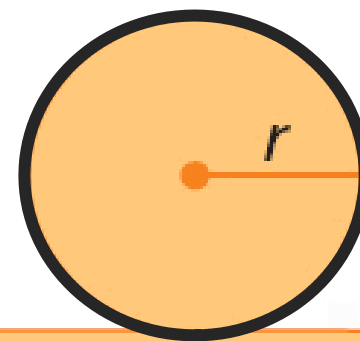
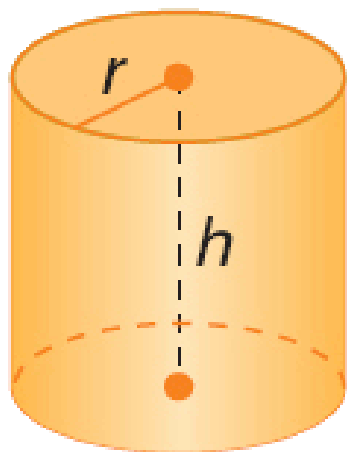


Área Base (A_b)

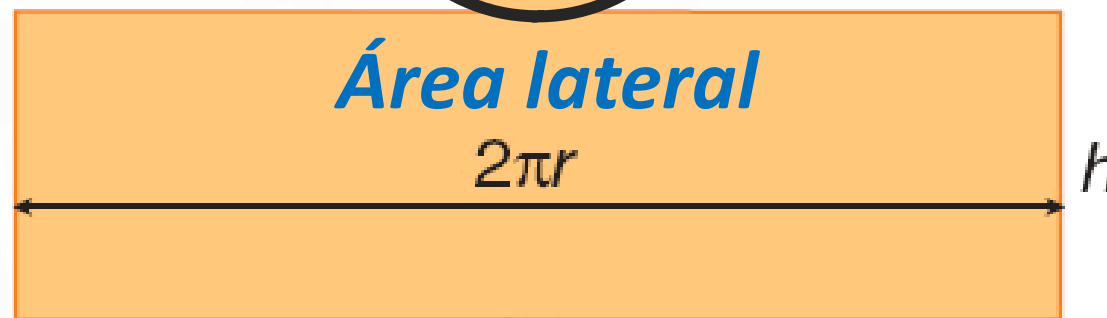


$$A_{BASE} = \pi \cdot r^2$$

Área Lateral (A_L)

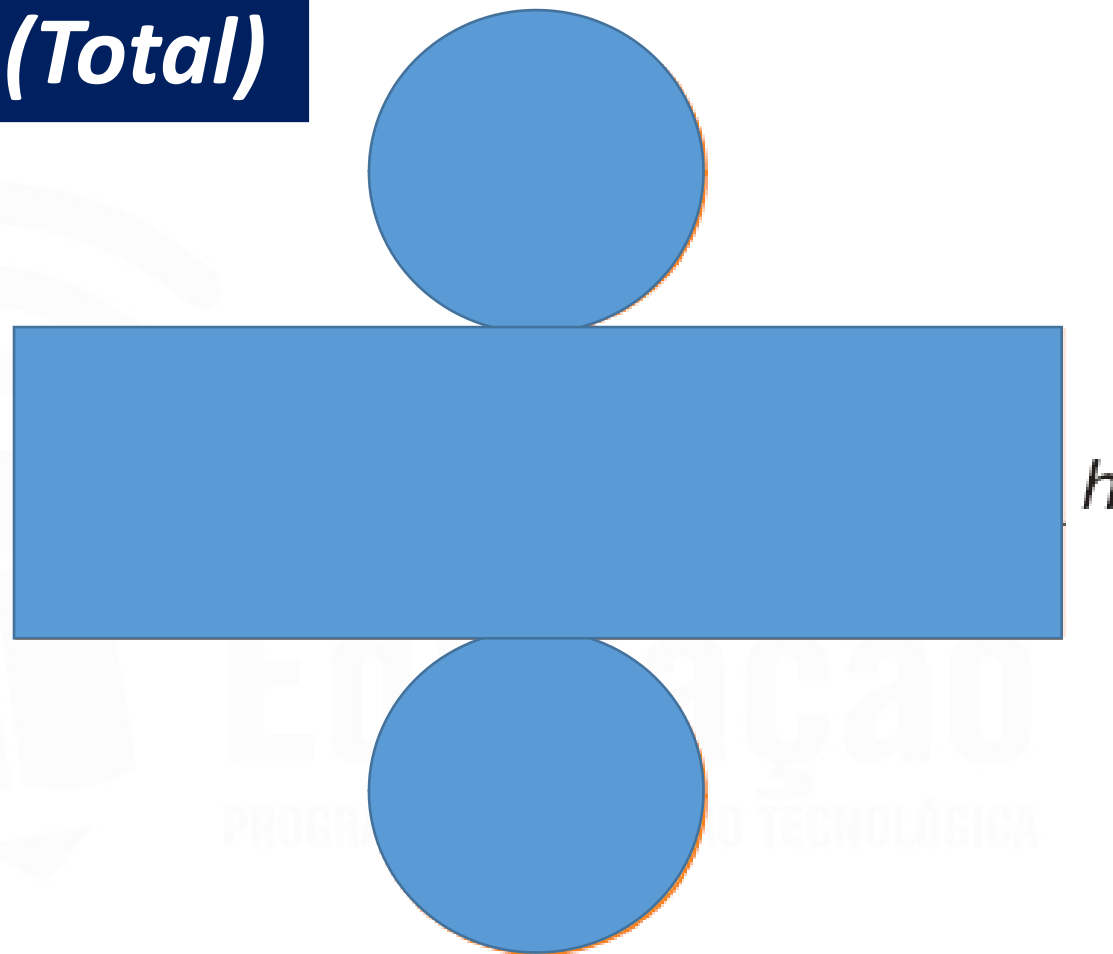
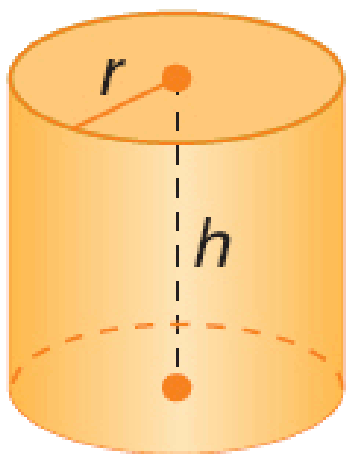


$$C = 2 \cdot \pi \cdot r$$



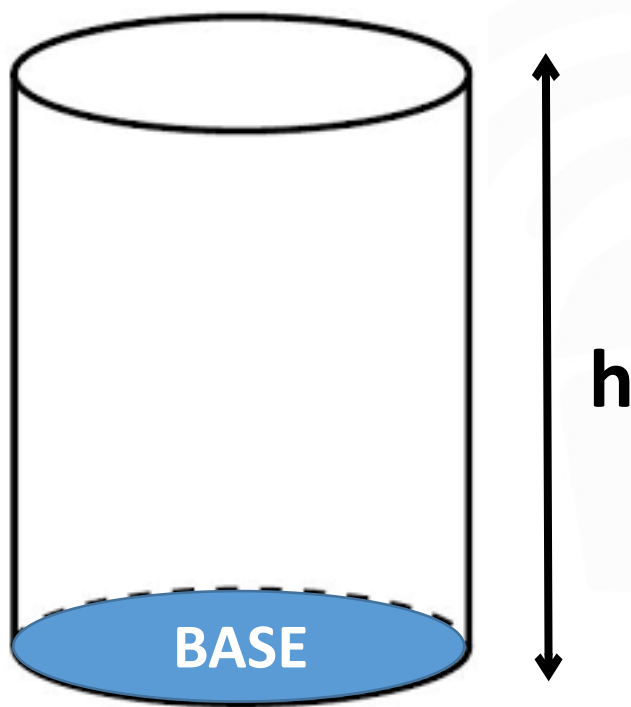
$$A_{LATERAL} = 2 \cdot \pi \cdot r \cdot h$$

Área da superfície (Total)



$$A_{TOTAL} = 2 \cdot A_{BASE} + A_{LATERAL}$$

Volume (V)



$$V_{\text{CILINDRO}} = A_{\text{BASE}} \cdot h$$

$$A_{\text{BASE}} = \pi \cdot r^2$$

Áreas e Volumes (Cilindro)

Área Base(A_b)

$$A_b = \pi R^2$$

Área Lateral(A_L)

$$A_L = 2\pi Rh$$

Volume(V)

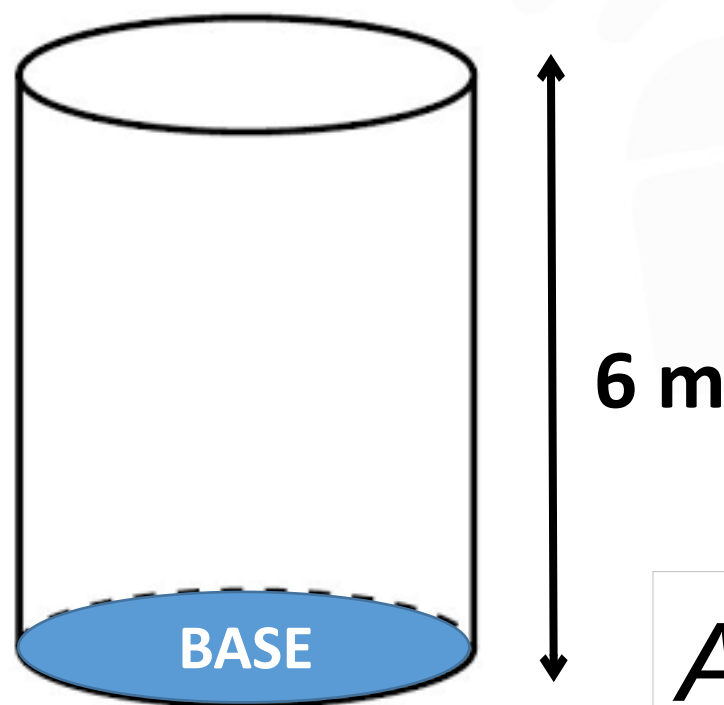
Área Total(A_t)

$$A_t = 2A_b + A_L$$

$$V = \pi R^2 \cdot h$$

ATIVIDADE

01. Um reservatório em formato cilíndrico possui 6 metros de altura e raio da base igual a 2 metros. Determine o volume e a capacidade desse reservatório em litros.



$$V_{CILINDRO} = A_{BASE} \cdot h$$

$$V_{CILINDRO} = 4\pi \cdot 6$$

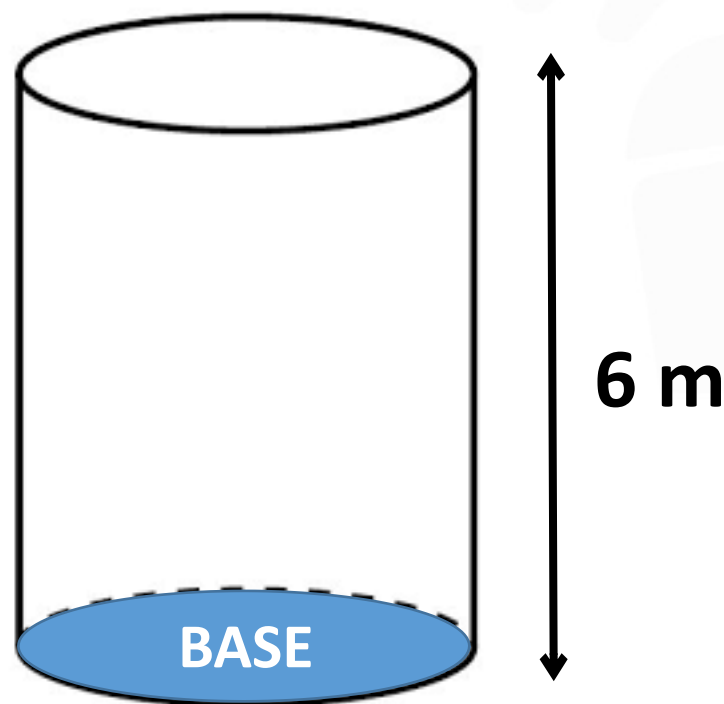
$$V_{CILINDRO} = 24\pi \text{ m}^3$$

$$A_{BASE} = \pi \cdot 2^2$$

$$A_{BASE} = 4\pi \text{ m}^2$$

ATIVIDADE

01. Um reservatório em formato cilíndrico possui 6 metros de altura e raio da base igual a 2 metros. Determine o volume e a capacidade desse reservatório em litros.



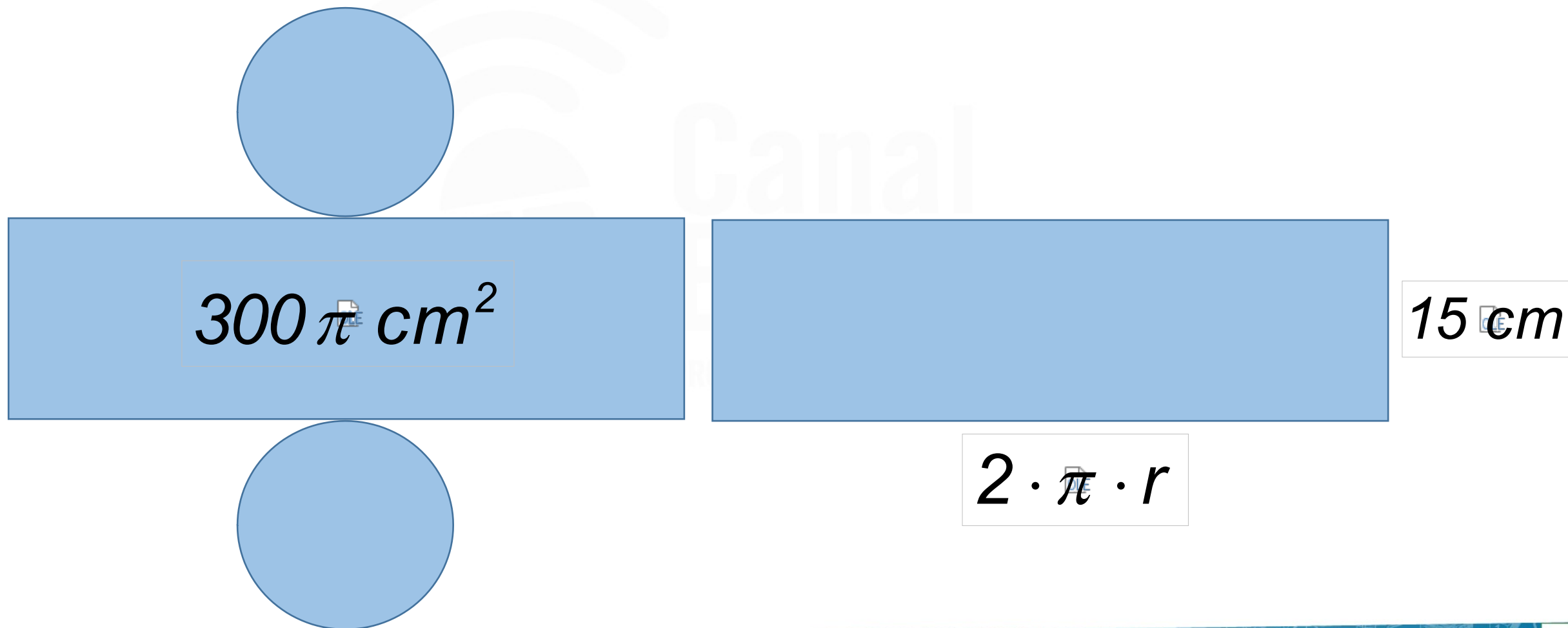
$$V_{CILINDRO} = 24\pi m^3$$

$$1m^3 = 1.000 \text{ litros}$$

$$V_{CILINDRO} = 24.000\pi \text{ litros}$$

ATIVIDADE

02. A área lateral de um cilindro circular reto é $300\pi \text{ cm}^2$. Dado que a altura desse cilindro é 15 cm, calcule seu volume.



ATIVIDADE

02. A área lateral de um cilindro circular reto é $300\pi \text{ cm}^2$. Dado que a altura desse cilindro é 15 cm, calcule seu volume.

$$300\pi \text{ cm}^2$$

$$15 \text{ cm}$$

$$2 \cdot \pi \cdot r$$

$$30r = 300$$

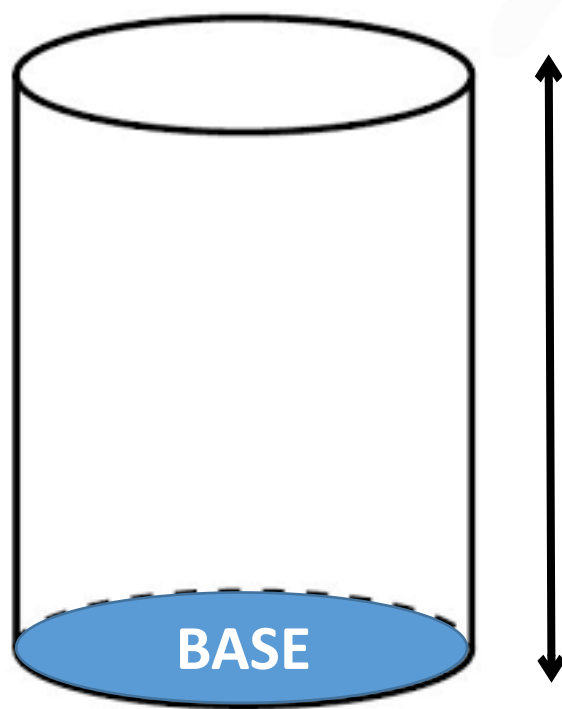
$$2 \cdot \cancel{\pi} \cdot r \cdot 15 = 300 \cancel{\pi}$$

$$r = \frac{300}{30}$$

$$r = 10 \text{ cm}$$

ATIVIDADE

02. A área lateral de um cilindro circular reto é $300\pi \text{ cm}^2$. Dado que a altura desse cilindro é 15 cm, calcule seu volume.



$$r = 10 \text{ cm}$$

$$V_{\text{CILINDRO}} = A_{\text{BASE}} \cdot h$$

$$V_{\text{CILINDRO}} = 100\pi \cdot 15$$

$$V_{\text{CILINDRO}} = 1500\pi \text{ cm}^3$$

$$A_{\text{BASE}} = \pi \cdot 10^2$$

$$A_{\text{BASE}} = 100\pi \text{ cm}^2$$

ATIVIDADE PARA CASA

Seis cubos de gelo, cada um com aresta igual a 3 cm, derretem dentro de um copo cilíndrico, inicialmente vazio. Após o gelo derreter completamente, o copo fica completamente cheio atingindo sua capacidade máxima de

- A) 162 ml.
- B) 243 ml.
- C) 300 ml.
- D) 350 ml.
- E) 490 ml.



NA PRÓXIMA AULA

GEOMETRIA ESPACIAL

☐ *CONE*

